

JAERI - M

85-153

非線型熱伝導計算コードHEATING 6の
ベクトル化

1985年10月

石黒 美佐子・幾島 毅・篠沢 尚久*
奥田 基**・赤井 礼治郎**

JAERI-M レポートは、日本原子力研究所が不定期に公刊している研究報告書です。
入手の問い合わせは、日本原子力研究所技術情報部情報資料課（〒319-11 茨城県那珂郡東海村）
あて、お申しこしてください。なお、このほかに財団法人原子力弘済会資料センター（〒319-11 茨城
県那珂郡東海村日本原子力研究所内）で複写による実費頒布をおこなっております。

JAERI-M reports are issued irregularly.

Inquiries about availability of the reports should be addressed to Information Division, Department
of Technical Information, Japan Atomic Energy Research Institute, Tokai-mura, Naka-gun,
Ibaraki-ken 319-11, Japan.

© Japan Atomic Energy Research Institute, 1985

編集兼発行 日本原子力研究所
印刷 山田軽印刷所

非線型熱伝導計算コードHEATING 6のベクトル化

日本原子力研究所東海研究所計算センター

石黒美佐子・幾島 毅⁺・篠沢尚久^{*}

奥田 基^{**}・赤井礼治郎^{**}

(1985年9月17日受理)

非線型熱伝導解析コードHEATING 6がベクトル化され、原研のFACOM VP-100で使用可能になった。6個の核となるサブルーチンをベクトル化のため書換え、95%のベクトル化率を得た。その結果、ベクトル化版はオリジナル版に較べ、核燃料輸送容器の熱解析において3倍、JT-60 NBIの加熱解析で4倍の速度向上を得た。本報告では、コードのベクトル化の概要、使用したベクトル化の手法、得られた速度向上について述べる。

+) 燃料安全工学部

*) 外来研究員 (富士通)

**) 原子力データセンター

Vectorization of the Nonlinear Heat
Conduction Calculation Code HEATING6

Misako ISHIGURO, Takashi IKUSHIMA⁺
Naohisa SHINOZAWA^{*}, Motoi OKUDA^{**} and Reijiro AKAI^{**}

Computing Center, Tokai Research Establishment, JAERI

(Received September 17, 1985)

Nonlinear heat conduction analysis code HEATING6 has been vectorized for use on the FACOM VP-100 computer in JAERI. Six kernel subroutines of the code are modified for vectorization, which leads to 95 % vectorized ratio. As the result, the vectorized version of the code runs three times faster than the original version for the problem of cask heating analysis and four times faster for the problem of JT-60 heating analysis. In this report, the vectorization of the code is outlined, and the vectorizing method in use and the obtained speedup gain are shown.

Keywords: Heating, Computer Codes, Heat Conduction, Nonlinear,
Vector Computers, Vectorization, HEATING6

+) Department of Fuel Safety Research,
*) On leave from FUJITSU,
**) Nuclear Energy Data Center

目 次

1. はじめに	1
2. ベクトル化の概要	4
2.1 HEATING 6 コードの計算式	4
2.2 HEATING 6 コードの動的分析	7
2.3 ベクトル化の経過	12
2.4 ベクトル化による速度向上倍率と計算結果	13
3. 過渡温度分布計算ルーチンTRAN0 のベクトル化	15
3.1 プログラムの分析	15
3.2 Odd-even 法による温度分布計算のベクトル化	17
3.3 その他のベクトル化	21
3.4 キャスク熱解析の計算結果	22
4. 熱伝導計算THRMPR関連サブルーチンのベクトル化	23
4.1 ベクトル化のための領域合わせ	23
4.2 THRMPRのプログラム構造	24
4.3 ベクトル化のためのプログラム変更	25
5. 熱計算とのインタフェースPREPおよびPOINTSサブルーチンのベクトル化	32
5.1 プログラムの分析	32
5.2 ベクトル化のためのプログラムの変更	33
6. ベクトル化に必要な主記憶量	37
6.1 ベクトル化に必要な作業用領域	37
6.2 HEATING 6 ベクトル化版に要する全作業用領域	39
7. 実行時の制御文とファイル	44
7.1 JCL 事例	44
7.2 ファイル	44
8. おわりに	46
付 記	46
謝 辞	47
参考文献	47

Contents

1. Introduction	1
2. Summary of the vectorization	4
2.1 Numerical method	4
2.2 Dynamic behavior of the code	7
2.3 Progress of the vectorization	12
2.4 Speedup ratio and computed results of the vectorized version	13
3. Vectorization of transient temperature distribution calculation routine TRANO	15
3.1 Analysis of the program	15
3.2 Adoption of an odd-even method to the temperature distribution calculation	17
3.3 Vectorization of other routines	21
3.4 Computed results for cask heating analysis	22
4. Vectorization of heat conduction analysis routine THRMPR and its slave routines	23
4.1 Dimension adjustment for vectorization	23
4.2 Program structure of THRMPR	24
4.3 Coding reviews for vectorization	25
5. Vectorization of the routines PREP and POINTS which interface with the heat conduction analysis routines	32
5.1 Analysis of the program	32
5.2 Program rewrites for vectorization	33
6. Working storage for the vectorized version	37
6.1 Working storage required for vectorization	37
6.2 Total working storage HEATING6 vectorized version	39
7. Job control language and files	44
7.1 Example of JCL	44
7.2 Files	44
8. Concluding remarks	46
Acknowledgements	47
References	47

1. はじめに

HEATING 6 コード⁽¹⁾は、使用済核燃料輸送容器の安全性検証のための熱解析用標準プログラムの1つとして米国オークリッジ研究所 (ORNL) で開発された。原研では、核燃料施設安全解析の分野で、輸送中に想定される事故に対し輸送容器 (キャスク) が規定の条件を満たしているかどうかを解析するために、既に、FACOM M-380版が整備されている。今回、HEATING 6 コードをFACOM VP-100用にベクトル化したので、本報告書ではHEATING 6 コードのベクトル化について記述する。本報告書は、HEATING 6 コードベクトル化版の公開に伴って必要となるコードマニュアルとしての役目を果たす。

HEATING 6 コードは、Heat Engineering And Transfer In Nine Geometries から取ったHEATINGコード・シリーズの6番目のバージョンである。HEATING 6 コードは、温度場における熱の流れを記述する一般の非線型放物型偏微分方程式を差分法によって解く計算コードである。

HEATING 6 コードは、1次元、2次元、あるいは3次元について定常、非定常いずれの計算にも利用でき、直交、円筒、あるいは極座標の形状に対して温度分布を求めることができる。物性値、境界条件、およびその他の問題に関するパラメータを、空間の位置や時間の関数として与えることもできる。入力データは、自由形式で、できるかぎり簡潔になるように効率的に編成されている。

HEATING 6 コードの直前のバージョンHEATING 5についてもM-380用に整備され、さらに、入力データチェック、図形化、応力解析への結合などが強化されて使い易くなったバージョンHEATING 5-JR⁽²⁾も原研で開発されている。

HEATING 6はHEATING 5に較べて次のような点で改良がなされている⁽¹⁾。

- (1) ORNLで熱計算の標準コード・システムSCALEが整備されているが、HEATING 6はSCALEを構成するコードの1つに組込まれた。これによって、遮蔽熱計算をSCALEを使用して連続的に計算できるようになった。
- (2) SCALEコード・システムで標準的に使用されている自由形式 (free format) で入力データを作成するようになった。
- (3) 配列変数のとり方が完全に整合配列化された。
- (4) 羽根 (fin) 型表面の熱伝達が取扱えるようになった。

HEATINGコードは、3次元非定常計算では、膨大な計算時間を要するのでベクトル計算機によって高速に計算できることが望まれている。このため、原研では、HEATINGコードの最新版であるHEATING 6を原研の計算機VP-100で高速に計算できるように書換える。すなわち、VP-100向きにベクトル化することになった。

SCALEコード・シリーズの中では、既に応力解析コードSAPV⁽³⁾やTRUMP 4⁽⁴⁾のベクトル化が個別にはなされているが、コード・システムとしてベクトル化版をまだ利用していない。HEATING 6コードのベクトル化版も含め、SCALEコード・システムの核となるコードのベ

クトル化が日本で完成したのを機会に、ベクトル計算機の利用技術が米国にフィードバックされ、かつ、国内外でベクトル化版が利用されることを願っている。

HEATING 6 コードのベクトル化にあたっては、原研での代表的な利用分野をなすキャスクの熱分解と JT-60 NBI 加熱の解析の 2 分野に焦点を絞り、計算実行時のコードの振舞、すなわち、サブルーチン毎の CPU 時間の利用分布（以後、タイム・コスト分布と呼ぶ）を分析した。その結果、118 サブルーチン（17,500 FORTRAN ステップ）のうち、タイム・コストの高い 6 サブルーチン（約 4,600 ステップ）をベクトル化のための書換えの対象とした。

ベクトル化の実施は 3 段階に分けて行われた。第 1 段階では、当初の目的であったキャスクの熱解析の高速化のために、計算コストの約 84% を占める過渡温度分布の計算のための熱平衡式の求解部分をベクトル化した。これによって約 2 倍の速度向上を得た。第 2 段階ではさらに高速化をはかるべく、熱平衡式の係数となる熱伝導に関わる物性値計算のベクトル化をはかった。第 3 段階では、JT-60 NBI 加熱計算時に計算コストの高い熱計算の準備或いは計算後の計算結果の編集部分のベクトル化を実施した。

以上、3 回のベクトル化作業の結果得られた速度向上の概要を Fig. 1.1 (a), Fig. 1.1 (b) に示す。(a), (b) は各々、キャスクおよび JT-60 NBI 加熱の熱解析について示している。図でわかるとおり、キャスクの熱解析で約 3 倍、JT-60 NBI 加熱解析で約 4 倍の速度向上を得ている。後者は、前者に較べてタイム・ステップによる繰返しが少ないが、空間ノード点がきわめて多い問題を取扱っており、ベクトル計算はノード点に対してなされるので、速度向上効果が大きくなっている。

本報告では、HEATING 6 コードのベクトル化の概要、採用されたベクトル化方法、ベクトル化による速度向上について記述している。

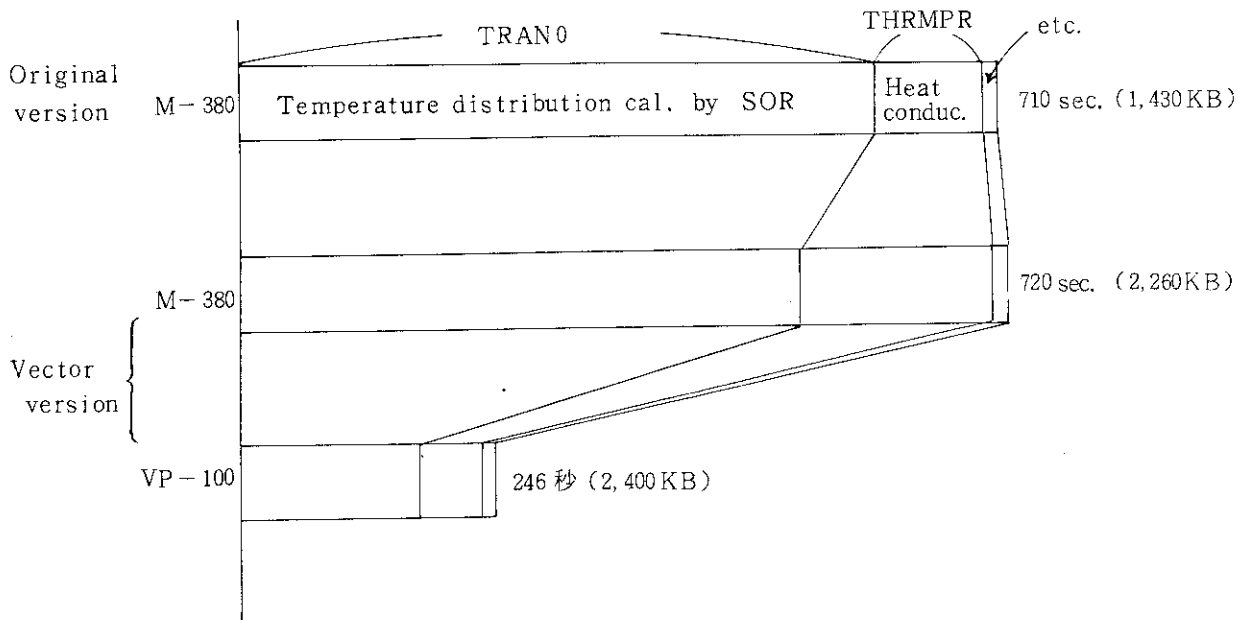


Fig. 1.1(a) Computing time reduction by vectorization for cask heating analysis

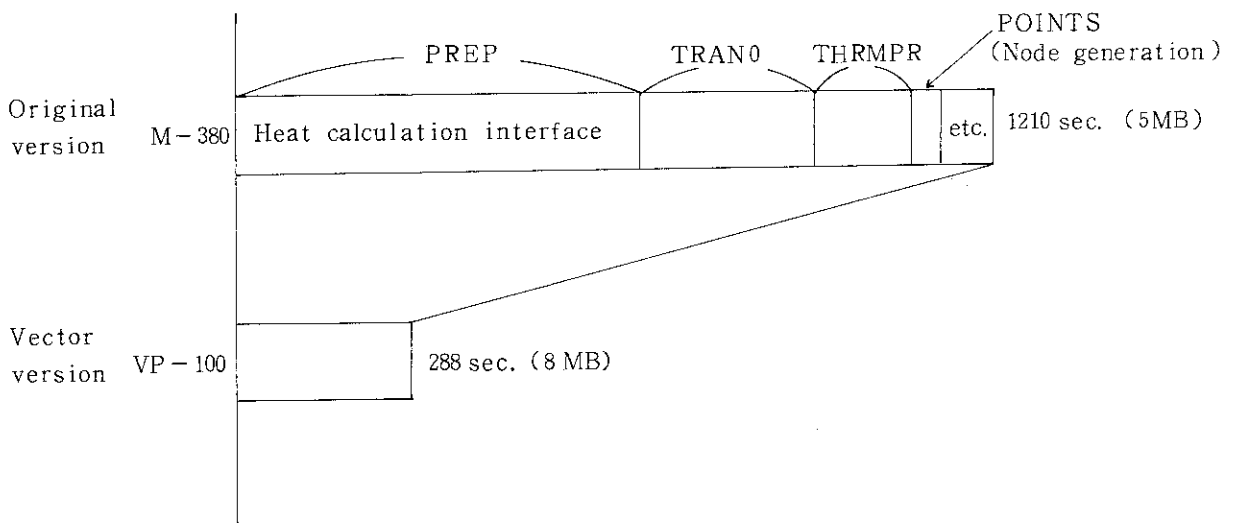


Fig. 1.1(b) Computing time reduction by vectorization for JT-60 NBI heating analysis

2. ベクトル化の概要

2.1 HEATING 6 コードの計算式^{(1),(2)}

熱解析コード HEATING 6 は、有限差分法による 1 次元、2 次元および 3 次元の非定常の熱移行問題を取扱う。例えば、想定される輸送容器キャスクの火災現象などが取扱える。また定常時の計算は、臨界、遮蔽計算のための原子密度をきめるための温度計算にも有効である。

後に示すように、HEATING 6 コードでは、計算時間のかなりの部分が熱平衡の式による温度分布計算に費される。

Fig. 2.1 において、節点 O の熱平衡の式は

$$C_o \frac{T_o^{n+1} - T_o^n}{\Delta t} = P_o^n + \sum_{m=1}^6 {}_oK_m (T_m^n - T_o^n) \quad (2.1)$$

ここで、 T_m^n は時間 t_n における節点 O に隣接した m 番目の節点の温度、 ${}_oK_m$ は節点 O と節点 m 間の熱伝導率、 C_o は節点の物質の熱容量、 P_o^n は時間 t_n における節点 O の物質の発熱量である。

平面は節点を横切り、軸に沿って 2 つの連続した平面にはさまれた物質は均一であるので、1 つの節点は最大 8 個の物質にまたがっており、熱は最大 4 個の平行に位置した異なる物質により構成される隣接した節点間で移動する。

3次元問題では、ある時刻 t_n において、それぞれの内存する節点に対し、1 つの C 、1 つの P 、6 つの K が存在する。それらのパラメータは節点 O に対し次のように算出される。

$$C_o = \sum_{\ell=1}^8 C_{P\ell} \rho_{\ell} V_{\ell} \quad (2.2)$$

$$P_o^n = \sum_{\ell=1}^8 Q_{\ell}^n V_{\ell} \quad (2.3)$$

$${}_oK_m = \frac{1}{L_m} \sum_{r=1}^4 K_{mr} A_{mr} \quad (2.4)$$

ここで、

$C_{P\ell}$: 領域 ℓ の比熱

ρ_{ℓ} : 領域 ℓ の密度

V_{ℓ} : 領域 ℓ の体積

Q_{ℓ}^n : 領域 ℓ の時刻 t_n における単位体積当りの発熱量

L_m : 節点 O から隣接する節点 m への距離

K_{mr} : 節点 O と節点 m 間の領域 r の熱伝導率

A_{mr} : 節点 O と節点 m 間の領域 r で熱が通過する垂直断面積

Fig. 2.1 の下図より、 V_{ℓ} と A_{mr} は次のように定義される。

$$V_{\ell} = \frac{(X_{i+1} - X_i)}{2} \cdot \frac{(Y_{j+1} - Y_j)}{2} \cdot \frac{(Z_{k+1} - Z_k)}{2} \quad (2.5)$$

$$A_{mr} = \frac{(Y_{j+1} - Y_j)}{2} \cdot \frac{(Z_{k+1} - Z_k)}{2} \quad (2.6)$$

表面または境界上にある節点，または1次元，2次元問題の節点では隣接する節点が6つも必要ないので， M_i 個の隣接した節点を持つ i 番目の節点の一般的な熱平衡方程式は次の様に書ける。

$$C_i \frac{T_i^{n+1} - T_i^n}{\Delta t} = P_i^n + \sum_{m=1}^{M_i} K_{\alpha_m} (T_{\alpha_m}^n - T_i^n) \quad (2.7)$$

ここで α_m は i 番目の節点の m 番目の隣接した節点を示す。格子間隔を十分に小さく取ることにより，モデルは適当な微分方程式に置き換えることができる。

境界では Fig. 2.2 に示すように，節点 1 と 2，2 と 4，5 と 6 との間でそれぞれ熱の移動があると考えられる。

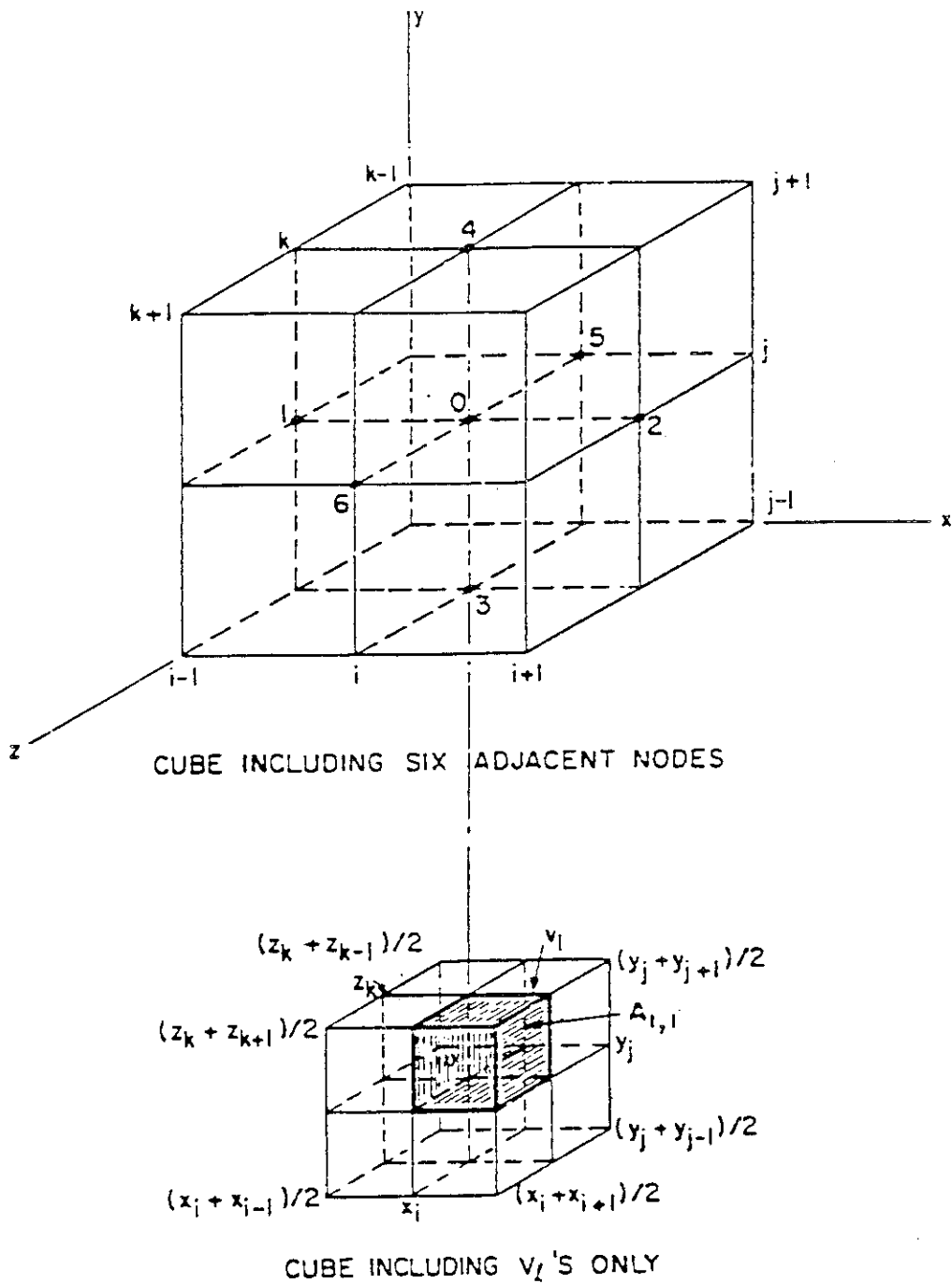


Fig. 2.1 HEATING Nodal Description for Three-Dimensional Problem

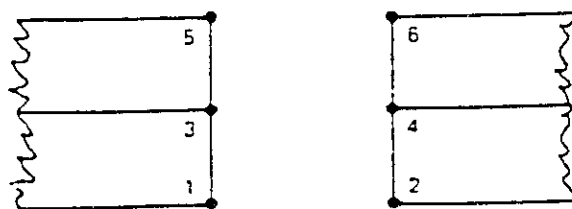


Fig. 2.2 Surface-to-Surface Heat Transfer

2.2 HEATING 6 コードの動的分析

HEATING 6 コードは、118 サブルーチン、約 17,500 行のソース・ステートメントから成る大型コードである。したがって、全ソース・プログラムをベクトル化するのではなく、計算時間のかかるいくつかのサブルーチンをベクトル化の対象とすればよい。

プログラム各部分の計算時間の分布を知るために、ソフトウェア・ツール FORTUNE によって、輸送容器キャスクの熱解析および JT-60 NBI 加熱装置の熱解析の 2 例 (Table 2.1) について分析した。各々の分析結果の詳細を Fig. 2.3, Fig. 2.4 に示す。

Table 2.1 Problems for heating analysis

Item	Cask heating problem	NBI heating problem
Geometry	R-Z	X-Y-Z
Type of problem	s-s, trans, s-s	s-s, trans, s-s
Transient time	900 sec.	60 sec.
Number of regions	36	85
Number of materials	3	7
Num. of boundary conds.	5	11
Number of fine grids	12 (R) 23 (Z)	30 (X) 20 (Y) 15 (Z) } ==>6937 (*)
Num. of tabular functions	7	1
Number of time-steps	1492	158
Number of SOR iterations	4041	324

*) Nodes without region are excluded.

キャスクの問題では、上位 3 ルーチン TRAN 0, THRMPR, FUNCTN で全体の 96% のタイム・コストを占めている。これらの 3 ルーチンでのオリジナル版でのタイム・コスト、ベクトル化率、ベクトル長を Table 2.2 の上半分に示す。

JT-60 NBI 加熱の問題では、解析の対象とするタイム・ステップ数が小さい反面、ノード点数が約 7,000 と大きく熱計算そのものよりも、ノード作成とか計算結果の出力準備等の補助作業に時間を費やしている。上位 4 ルーチン PREP, TRAN 0, THRMPR, POINTS で約 94% の時間を占める。それらのタイム・コスト、ベクトル化率、ベクトル長を同じく Table 2.2 下半分に示す。

Table 2.2 Vectorizing condition on the original version

Subroutine	Contents	Time cost (*1)			Vector length	Difficulty (*2)		
		Ratio	V	S			M	
C a s k	TRAN0	Compute transient temperature distribution	.84	.53	.17	.30	276	Modest
	THRMPR	Compute heat conductance, capacity, source,...	.08	.01	.95	.05	2	Difficult
	FUNCTN	Compute values of a parameter dependent on time,...	.04	0	1.0	0	-	Difficult
N B I	PREP	Interface between temp. calcu. and printout	.56	0	1.0	0	-	Easy
	TRAN0	Compute transient temperature distribution	.21	.57	.15	.28	6937	Modest
	THRMPR	Compute heat conductance, capacity, source,...	.13	0	1.0	0	-	Difficult
	POINTS	Generate nodal configuration	.04	0	1.0	0	-	Easy

*1) Ratio; subroutine time/total time, V; V-cost, S; S-cost, M; M-cost

*2) Difficulties of rewrites for vectorization

ベクトル化の難易度は、Table 2.2の最後の欄に示すようにサブルーチンによって異なる。TRAN0ではSOR法による熱平衡方程式の求解部分を、ベクトル計算可能なodd-even SOR法に変更する必要がある。THRMPRは、DOループのボディが数100ステップにおよぶため、これを分割してベクトル計算可能なように再構成する必要がある。FUNCTNは全ノードを同時に(ベクトル)計算できるように下位ルーチンの呼出し方法の変更が必要である。一方、PREPとPOINTSは、数個のDOループにタイム・コストが集中しているけれどもベクトル計算不可能なコーディングとなっており、簡単な書直しが必要である。

ベクトル化に関する主要ルーチンの木構造は、Fig. 2.5に示される。

RO.	ROUTINE	UNITS	ERR.	EXECUTIONS	COST	%	0.....1.....2.....3.....4.....5.....6.....7.....8....
0001	TRANO	1	918	0	7842227095	84.4	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0002	TRANIM THRMPR THRCOM THRM1	1	1064	0	730003198	7.9	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0003	FUNCTN	1	85	0	331854840	3.6	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0004	PRETAB	1	142	0	223617460	2.4	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0005	TABLE	1	234	0	121111121	1.3	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0006	SURBCM	1	207	0	257186641	0.3	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0007	BDCOND	1	112	0	9291793	0.1	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0008	BDCOCM	1	574	0	2374663	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0009	ADJUST	1	329	0	1415168	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0010	PREPCM	1	391	0	652643	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0011	MESH	1	127	0	463726	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0012	TEMPNP	1	255	0	407126	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0013	POINTS	1	339	0	283120	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0014	ECHO	1	41	0	140703	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0015	DREAD	1	112	0	117487	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0016	TMPOUT	1	612	0	85802	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0017	TPCM	1	196	0	61991	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0018	UDTS	1	1491	0	45918	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0019	INCRS	1	38	0	21331	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0020	AREAD	1	283	0	20612	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0021	FCHECK	1	892	0	19462	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0022	CALQLT	1	7	0	16599	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0023	ICLOCK	1	77	0	15831	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0024	TPRNGE	1	534	0	11405	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0025	INPUT	1	427	0	11125	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0026	INPCM1	1	201	0	7166	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0027	INPCM2	1	14	0	6186	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0028	MAIN01	1	198	0	6139	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0029	TIMES	1	44	0	6017	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0030	DIFFER	1	54	0	5960	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0031	H6	1	1249	0	4930	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0032	TPMTR	1	237	0	3810	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0033	HEATN6	1	99	0	3672	0.0	I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0033	READER	1	17355	0	9290049774		I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....
0033	REGONS	1		36			I*****1*****2*****3*****4*****5*****6*****7*****8....

Fig. 2.3 Time cost of subroutines for cask heating analysis

I NO.	ROUTINE	UNITS LINES	ERR.	EXECUTIONS	COST	%	0.....1.....2.....3.....4.....5....
I 0001	PREP	1	578	0	7449815997	52.9	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0002	TRANO	1	1045	0	2991979936	21.3	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0003	TRMMPR	1	2020	0	1824817655	13.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0004	POINTS	1	411	0	576115923	4.1	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0005	CHCKBD	1	207	0	423105445	3.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0006	PREFUN	1	267	0	270618401	1.9	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0007	BDCON2	1	275	0	241113997	1.7	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0008	SURBC2	1	309	0	216465601	1.5	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0009	TMPOUT	1	339	0	35377491	0.3	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0010	ADJUST	1	112	0	24743327	0.2	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0011	FUNCTN	1	85	0	9991520	0.1	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0012	PRETAB	1	251	0	7303596	0.1	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0013	H6	1	47	0	1776018	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0014	ECHO	1	127	0	831916	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0015	TPRNGE	1	78	0	791889	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0016	DREAD	1	255	0	764525	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0017	PREANA	1	169	0	421121	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0018	CALGLT	1	924	0	326983	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0019	YOREAD	1	41	0	251253	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0020	TIMES	1	14	0	157743	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0021	WRITER	1	613	0	99552	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0022	FHECK	1	283	0	99394	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0023	AREAD	1	148	0	39930	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0024	DIFFER	1	200	0	24150	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0025	REGONS	1	99	0	17000	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0026	OUTPUT	1	427	0	12124	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0113	TRMMPR	1	43	0	2853	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0119	YONTR	1	21	0	159	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0120	WRITER	1	613	0	99552	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0121	YOPACK	1	11	0	5335	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I 0122	YOREAD	1	41	0	251253	0.0	I*****1.....2.....3.....4.....5....
I			20129	0	14077145225		

(part of TRANO)

Fig. 2.4 Time cost of subroutines for JT-60 NBI heating analysis

2.3 ベクトル化の経過

HEATING 6 コードは、本来、安全性研究の一環として、核燃料輸送容器の安全性を確かめるための熱解析に用いられることを意図して整備された。HEATING 6 を使ったのキャスクの熱解析は、原子炉安全解析所でも計画され、原研に FACOM 版の提供が要請された。

このような事情から、当初はキャスクの熱解析に適合するベクトル化版の整備が急がれた。この目的で、2回に分けてベクトル化作業がなされた。第1回目は、タイム・コストの84.4%を占める。TRAN 0に関するものである。これは原子力データセンターへ作業を発注する形式で、60年1～3月に奥田、赤井によって実施された⁽⁵⁾。第2回目は、さらにベクトル化範囲を広げるために、THRMPR と THRMPR から呼ばれるいくつかのルーチンのベクトル化に関するもので主に篠沢が作業を担当した。各々を、ベクトル化第1版、第2版と呼ぶことにする。第1版、第2版に関するベクトル化作業の詳細は第3章および第4章に記述される。

一方、JT-60 NBI 加熱に関する熱解析グループは従来から、HEATING の初期バージョンである HEATING 3⁽⁶⁾ を利用し、大規模な熱計算を行ってきた。HEATING 6 のベクトル化第2版を NBI 加熱計算に適用したところ、HEATING 3 に較べて約15倍高速に計算できることがわかった。しかしながら、この速度向上の大部分は、HEATING 3 と HEATING 6 のバージョンの違いによるもので、ベクトル化による速度向上は少ないことがわかった。

JT-60 加熱計算でベクトル化効果が上がらない理由は、取扱うノード数が膨大(約7,000点)ではあるが、繰返されるタイム・ステップ数が少ないため、熱計算以外の補助的部分、つまり、モデル体系のノード構成作成や、熱分布計算後の値をグローバル・ノード点に編集するなどの部分にかなりの時間を費しているからである。このため、サブルーチン POINTS および PREP のベクトル化が追加された。これをベクトル化第3版と呼ぶことにする。ベクトル化第3版は主に石黒によってなされ、その詳細は第5章に記述される。

ベクトル化に先立ち、NBI 加熱計算のような大規模計算を取扱うために、プログラムの手直しを必要とした。その内容は以下のとおりである。

- (1) ベクトル化に要する作業用配列を整合配列化し、汎用性を持たせる。
- (2) 従来各サブルーチン単位で、又 DO ループ毎に独立に取っていた作業用配列を、重複して使用し、プログラム全体として8M(メガ)バイト以下に収まるようにする。
- (3) HEATING-JR の POST 処理の一部である図形化のための作業用配列の利用を制限する(暫定的に図形化不可とする。将来的には、同一領域の共用をはかる)。

これらの手直しは、主に篠沢によってなされた。ベクトル化に必要な作業用領域については第6章で示される。

2.4 ベクトル化による速度向上倍率と計算結果

(1) ベクトル化第1版

キャスクの熱解析でタイム・コストの大部分を占めている(84%)サブルーチンTRAN 0をベクトル化した。

TRAN 0は過渡状態の熱伝導方程式をSOR法を用いて計算し、ノード点上の温度分布を計算する。ここを、odd-even SOR法⁽⁷⁾に変更しベクトル化した。さらに、odd-even法を適用するためにサブルーチンCHCKBDを新設した。

解法アルゴリズムをodd-even SOR法に変更したことによって、温度分布値が4桁目から異なる場合がある。ベクトル化による速度向上は、オリジナル版との比較で2.2倍である(Table 2.3参照)。

(2) ベクトル化第2版

さらに速度を向上させるために、次にタイム・コストの高い初期温度、熱容量、熱発生量、熱伝導率などを計算するルーチンTHRMPRとそこから呼ばれる関数作成部分FUNCTNとテーブルPRETABをベクトル化した。TRAN 0は、約50行の大きなDOループ・ボディから成っている。このDOループの適当な分割、DOループ構造の内外入れ換え、サブルーチンCALLの一括処理、テーブル構造の変更など大巾なプログラムの変更を行った。しかし、これらの変更は、計算結果に影響を与えない。速度向上は2.9倍と向上した(Table 2.3参照)。

(3) ベクトル化第3版

NBI加熱の熱解析に対するベクトル化に向けてFig. 2.4で示した計算コストの高いサブルーチンPREPとPOINTSのベクトル化を追加した。PREPは、温度分布計算結果を出力するための編集、POINTSは、体系のノード構成を作成する部分である。ベクトル化内容は、DOループの再構成に留まっているので、計算結果への影響はない。

NBI加熱の熱解析に対する速度向上はTable 2.4に示すように、第2版で約1.2倍、第3版で4.3倍である。HEATING 3を使用していたのと較べると以下に示すとおり、計算時間は約1/50と短縮され、利用者に喜ばれている。

HEATING 3		4 時間
HEATING 6	オリジナル版	20.8 分
HEATING 6	ベクトル化第2版	16.9 分
HEATING 6	ベクトル化第3版	4.8 分

Table 2.3 Comparison of CPU times for cask heating analysis
(276 nodes, 4041 time-steps)

Version & CPU	CPU-time (*1)	speedup ratio	Vu-time (*2)	Memory
Original M-380	11M50S	1.0	0	1.5M byte
Vector 1st. VP-100	5M31S	2.2	1M54S	1.7M
Vector 2nd. VP-100	4M07S	2.9	2M50S	2.4M

*1) CPU times used on scalar and vector units on VP-100 are included, where the scalar speed is the same with M-380.

*2) Time used on vector unit.

Table 2.4 Comparison of CPU times for JT-60 NBI heating analysis (6937 nodes, 324 time-steps)

Version & CPU	CPU-time	speedup ratio	Vu-time	Memory
Original M-380	20M49S	1.0	0	5.0M byte
Vector 2nd. VP-100	16M52S	1.2	2M22S	8.0M
Vector 3rd. VP-100	4M48S	4.3	2M59s	8.0M

3. 過渡温度分布計算ルーチンTRANOのベクトル化

3.1 プログラムの分析

サブルーチンTRANOは、過渡状態の温度分布を求めるために、Crank-Nicolson法とFull implicit法の線型結合によって表わされる差分式をSORを使って求めている。

TRANOは、Table 3.1の3つのDOループで全体の84%のタイム・コストを占めている。

Table 3.1 Time cost of DO loops in the original TRANO

DO loop	Time cost	Contents
DO 390	1.3%	Pre-processing for SOR
DO 490	45.0	Solution by point SOR
DO 590	53.2	Convergence test

参考のために、Fig. 3.1に点SOR法による計算のフローを示す。

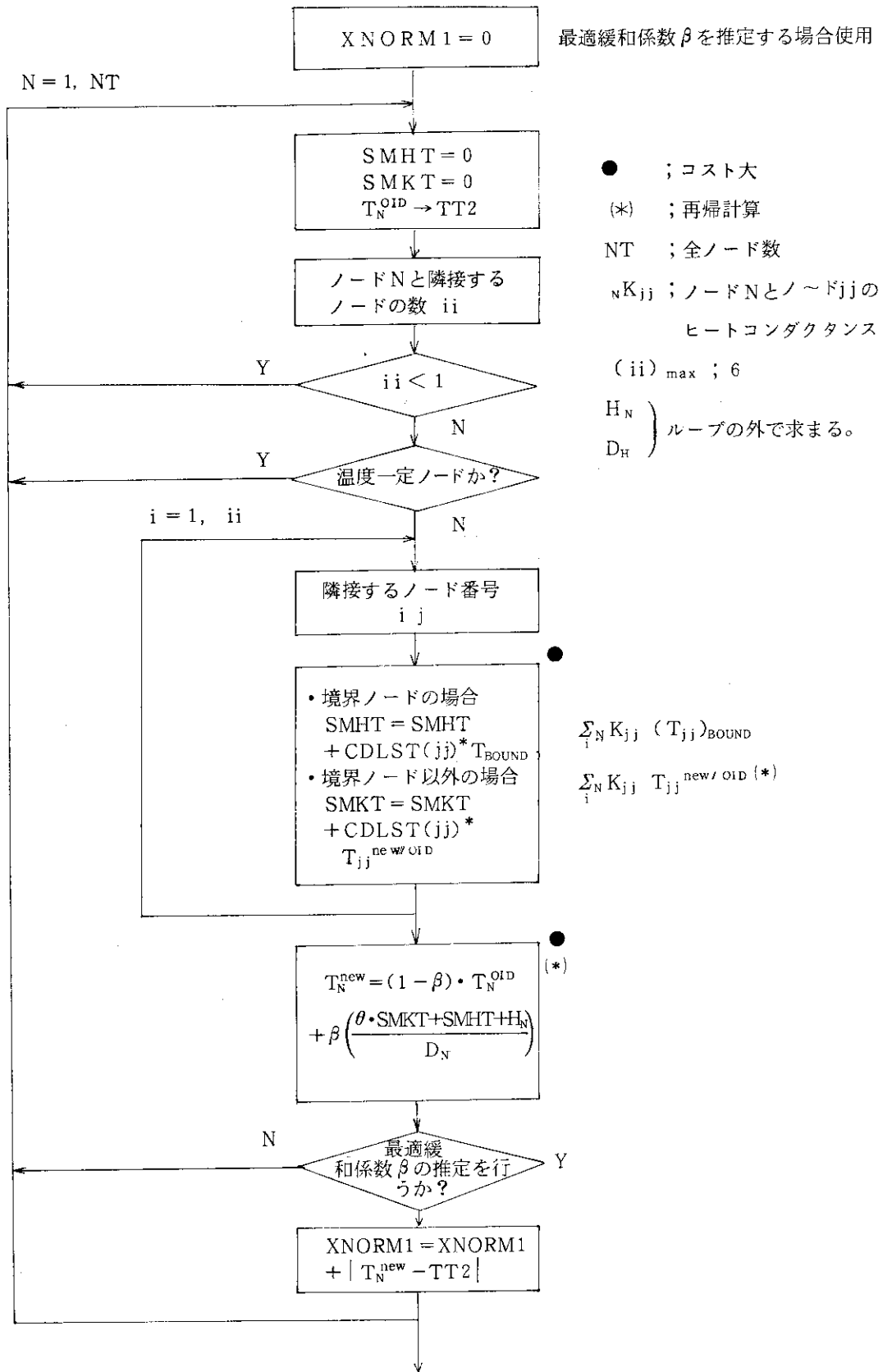


Fig. 3.1 Flow diagram of point SOR method in the original TRAN0

3.2 Odd-even 法による温度分布計算のベクトル化

サブルーチンTRAN 0では、特にDO 390, DO 490, DO 590の3つのDOループに対してベクトル化のための修正を行った。

修正を行った3つのDOループの修正後のソース・プログラムをFig. 3.2～Fig. 3.4に示す。修正の内容を以下に示す。

(1) DO 390, DO 490, DO 590

- キャスクの熱解析データの場合、外側DOループのDOのくりかえし数は、276であるが、内側DOループのくりかえし数は4と短い。

このため、内側と外側のDOループの入れ換えを行った。

- INTEGER * 2の配列は、ベクトル化の対象にならないため、INTEGER * 4の配列に置き変えた。

NNB (N) → IIX (N)

NBLIST (M) → JJX (N, I)

- LOGICAL * 1の配列は、ベクトル化の対象にならないため、INTEGER * 4の配列に置き変えた。

FIXTP (N) → IFIXTP (N)

“TRUE”の場合、IFIXTP (N)=1, “FALSE”の場合、IFIXTP (N)=0

- リスト・ベクトルを作成し、DOループ内のIFを除いた。

ここで、配列IIX(N), JJX(N), IFIXTP(N) およびリスト・ベクトルは新設ルーチンCHCKBDで作成した。

(2) DO 490

点SOR法による計算部分が回帰演算となるため、ベクトル化できない。そこで点SOR法をodd-even SOR法に変更した (Fig. 3.5 参照)。odd-even SOR 法への変更に際しては、以下の修正を行った。

A. 新規作成ルーチン

CHCKBD……チェッカ・ボードの作成。

配列IIX(N), JJX(N), IFIXTP(N)およびリスト・ベクトルを作成した。プログラムの呼び出し関係は以下のとおりである。

HEATN6 — CALQLT — TRAN 0 — CHCKBD

B. 新設コモン

COMMON / XXX /

COMMON / YYY /

COMMON / ZZZ /

COMMON / XXXX /

COMMON / YYYY /

1	-----V-----	#VQCL_LOOP,VECTOR	00044100			
1	-----V-----	DO 11 N=1,NI	00044200	4041		4041
1	V	SMIX(N)=ZERO	00044300	1115316		1115316
1	V	SMKX(N)=ZERO	00044400	1115316		1115316
1	V	SMK13X(N)=ZERO	00044500	1115316		1115316
1	V	SMIVGX(N)=ZERO	00044600	1115316		1115316
1	-----V-----	CONTINUE	00044700	1115316		1115316
					DO 11 0.09% (5580621)	
					AVERAGE_DO=LOOP_LENGTH = 27	
1	-----S-----	DO 390 I=1,ITMAX	00044800	4041		4041
1	S	IF (NY1(I,1).EQ.0)GO TO 390	00044900	24246	0 (0.0%)	48492
1		#VQCL_LOOP,VECTOR	00045000			
1		#VQCL_LOOP,NOVBEG(SMIVGX,SMIX,SMK13X,SMKX)	00045100			
1	-----V-----	DO 340 J=1,NY1(I,1)	00045200	24246		24246
1	2	V	N=NY21(J,1)	00045300	5055291	5055291
1	2	V	II=II1(N)	00045400	5055291	5055291
1	2	V	JJ=JJ1(N,1)	00045500	5055291	5055291
1	2	V	CDLSIM=CDLIMX(N,1)	00045600	5055291	5055291
1	2	V	IF (JJ)320,310,330	00045700	5055291	5055291
1	2	C		00045800		
1	2	C	HEAT RATE FROM PRESCRIBED FLUX ACROSS A BOUNDARY.	00045900		
1	2	C		00046000		
1	2	V	310 SMIVGX(N)=SMIVGX(N)+CDLSIM	00046100	0	0
1	2	V	GO TO 340	00046200	0	0
1	2	C		00046300		
1	2	C	EFFECTIVE CONDUCTANCE DUE TO SURFACE-TO-BOUNDARY HEAT TRANSFER	00046400		
1	2	C	BETWEEN NODE N AND BOUNDARY NODE -JJ.	00046500		
1	2	C		00046600		
1	2	V	320 SMIX(N)=SMIX(N)+CDLSIM	00046700	189927	379854
1	2	V	GO TO 340	00046800	189927	189927
1	2	C		00046900		
1	2	C	EFFECTIVE CONDUCTANCE DUE TO CONDUCTION BETWEEN NODE N	00047000		
1	2	C	AND NODE JJ.	00047100		
1	2	C		00047200		
1	2	V	330 SMK13X(N)=SMK13X(N)+CDLSIM*(3/JJ)	00047300	4865364	19461456
1	2	V	SMKX(N)=SMKX(N)+CDLSIM	00047400	4865364	9730728
1	-----V-----	CONTINUE	00047500	5055291		5055291
1					DO 390 1.02% (60117957)	
1					AVERAGE_DO=LOOP_LENGTH = 20	
1	-----S-----	CONTINUE	00047600	24246		24246
					DO 390 1.02% (60194736)	
					AVERAGE_DO=LOOP_LENGTH = 11	
1	-----S-----	DO 12 N=1,NI	00047700	4041		4041
1	S	II=NVG(N)	00047800	1115316		1115316
1	S	IF (II.LI.1)GO TO 12	00047900	1115316	1115316 (100.0%)	3345948
1	C		00048000			
1	C	CALCULATE THE HEAT GENERATION RATE FOR NODE N.	00048100			
1	C		00048200			
1	-----H-----	DO 13 I=1,II	00048300	0		0
1	2	V	I=I+1	00048400	0	0
1	2	V	TEMP=VGLIST(I)	00048500	0	0
1	2	S	JJ=HGLIST(I)	00048600	0	0
1	2	V	IF (JJ.LI.1)GO TO 13	00048700	0 (0.0%)	0
1	2	V	TEMP=TEMP+VINT(JJ)	00048800	0	0
1	-----V-----	CONTINUE	00048900	0		0
1					DO 13 0.03% (0)	
1					AVERAGE_DO=LOOP_LENGTH = 0	
1	-----S-----	CONTINUE	00049000	1115316		1115316
					DO 12 0.09% (5580621)	
					AVERAGE_DO=LOOP_LENGTH = 27	
1	-----V-----	#VQCL_LOOP,VECTOR	00049100			
1	-----V-----	DO 14 N=1, NI	00049200	4041		4041
1		#VQCL_LOOP,ILE(10)	00049300			
1	V	IF (I1XIP(N).EQ.1)GO TO 14	00049400	1115316	0 (0.0%)	2230632
1	V	DIAG(N)=SMKX(N)/DELTA1+THETA*SMKX(N)	00049500	1115316		12268476
1	V	II(N)=(DIAG(N)-SMKX(N))*I3(N)+THETA1*SMK13X(N)+SMIVGX(N)	00049600	1115316		8922528
1	V	DIAG(N)=DIAG(N)+SMIX(N)	00049700	1115316		2230632
1	-----V-----	CONTINUE	00049800	1115316		1115316
					EXECUTIONS=	TIME=
					COST=	
					DO 14 0.45% (2677162)	
					AVERAGE_DO=LOOP_LENGTH = 27	

Fig. 3.2 DO 390 in the vectorized version

+VDCL_LOOP,VECTOR		00050500		
1	V DO 490 N=1,NT	00050600	10J844	10J844
1	V SHIX(N)=ZERO	00050700	28660944	28660944
1	V SMKIX(N)=ZERO	00050800	28660944	28660944
1	V TTX(N)=TT(N)	00050900	28660944	28660944
1	V--490 CONTINUE	00051000	28660944	28660944
				DO...490: 1.95% (...11474/620)
				AVERAGE DO=LOOP_LENGTH=...27
1	S DO 491 I=1,IMAX	00051100	10J844	10J844
1	S IF(NYY1(2,1).EQ.0)GO TO 491	00051200	62J064	0(0.0X) 1246128
1	+VDCL_LOOP,VECTOR	00051300		
1	+VDCL_LOOP,NOVREC(SHIX,SMKIX)	00051400		
1 2	V DO 440 J=1,NYY1(2,1)	00051500	62J064	62J064
1 2	V H=NYY2(J,1)	00051600	85982832	85982832
1 2	V I=IIX(N)	00051700	85982832	85982832
1 2	V JJ=JIX(N,1)	00051800	85982832	85982832
1 2	V IF(JJ)420,440,430	00051900	85982832	85982832
1 2	C	00052000		
1 2	C EFFECTIVE CONDUCTANCE DUE TO SURFACE-TO-BOUNDARY HEAT TRANSFER	00052100		
1 2	C BETWEEN NODE N AND BOUNDARY NODE -JJ.	00052200		
1 2	C	00052300		
1 2	V 420 CDLSM=CDLIMX(N,1)	00052400	2492256	2492256
1 2	V SHIX(N)=SHIX(N)+CDLSM*TDHM(-JJ)	00052500	2492256	12461280
1 2	V GO TO 440	00052600	2492256	2492256
1 2	C	00052700		
1 2	C EFFECTIVE CONDUCTANCE DUE TO CONDUCTION BETWEEN NODE N	00052800		
1 2	C AND NODE JJ.	00052900		
1 2	C	00053000		
1 2	V 430 CDLSM=CDLIMX(N,1)	00053100	62514088	62514088
1 2	V SMKIX(N)=SMKIX(N)+CDLSM*TI(JJ)	00053200	62514088	250056352
1 2	V	00053300	85982832	85982832
1	V--440 CONTINUE	00053400	62J064	62J064
				DO...440: 12.91% (...760553956)
				AVERAGE DO=LOOP_LENGTH=...13
1	S--491 CONTINUE	00053500	62J064	62J064
				DO...491: 12.94% (...762526921)
				AVERAGE DO=LOOP_LENGTH=...13
+VDCL_LOOP,VECTOR		00053600		
+VDCL_LOOP,NOVREC(111)		00053700		
1	V DO 492 I=1,NXX1(2)	00053800	10J844	10J844
1	V N=NXX2(I,2)	00053900	14J30472	14J30472
1	V TI(N)=DETA1=TI(N)+BETA1*(THETA*SMKIX(N)+SHIX(N)+H(N))/DIAG(N)	00054000	14J30472	243618024
1	V--492 CONTINUE	00054100	14J30472	14J30472
				DO...492: 4.62% (...272382812)
				AVERAGE DO=LOOP_LENGTH=...13
M=0		00054200	10J844	10J844
+VDCL_LOOP,VECTOR		00054300		
1	V DO 1 N=1,NT	00054400	10J844	10J844
1	V SHIX(N)=ZERO	00054500	28660944	28660944
1	V SMKIX(N)=ZERO	00054600	28660944	28660944
1	V--1 CONTINUE	00054700	28660944	28660944
				DO...1: 1.46% (...86086676)
				AVERAGE DO=LOOP_LENGTH=...27
1	S DO 2 I=1,IMAX	00054800	10J844	10J844
1	S TI(NYY1(3,1).EQ.0)GO TO 2	00054900	62J064	0(0.0X) 1246128
1	+VDCL_LOOP,VECTOR	00055000		
1	+VDCL_LOOP,NOVREC(SHIX,SMKIX)	00055100		
1 2	V DO 3 J=1,NYY1(3,1)	00055200	62J064	62J064
1 2	V H=NYY2(J,1)	00055300	85982832	85982832
1 2	V I=IIX(N)	00055400	85982832	85982832
1 2	V JJ=JIX(N,1)	00055500	85982832	85982832
1 2	V IF(JJ)4,3,5	00055600	85982832	85982832
1 2	C	00055700		
1 2	C EFFECTIVE CONDUCTANCE DUE TO SURFACE-TO-BOUNDARY HEAT TRANSFER	00055800		
1 2	C BETWEEN NODE N AND BOUNDARY NODE -JJ.	00055900		
1 2	C	00056000		
1 2	V 4 CDLSM=CDLIMX(N,1)	00056100	2388412	2388412
1 2	V SHIX(N)=SHIX(N)+CDLSM*TDHM(-JJ)	00056200	2388412	11942060
1 2	V GO TO 3	00056300	2388412	2388412
1 2	C	00056400		
1 2	C EFFECTIVE CONDUCTANCE DUE TO CONDUCTION BETWEEN NODE N	00056500		
1 2	C AND NODE JJ.	00056600		
1 2	C	00056700		
1 2	V 5 CDLSM=CDLIMX(N,1)	00056800	62514088	62514088
1 2	V SMKIX(N)=SMKIX(N)+CDLSM*TI(JJ)	00056900	62514088	250056352
1 2	V	00057000	85982832	85982832
1	V--3 CONTINUE	00057100	62J064	62J064
				DO...3: 12.89% (...759026588)
				AVERAGE DO=LOOP_LENGTH=...138
1	S--2 CONTINUE	00057200	62J064	62J064
				DO...2: 12.93% (...761299584)
				AVERAGE DO=LOOP_LENGTH=...6
+VDCL_LOOP,VECTOR		00057300		
+VDCL_LOOP,NOVREC(11)		00057400		
1	V DO 493 I=1,NXX1(3)	00057500	10J844	10J844
1	V N=NXX2(I,3)	00057600	14J30472	14J30472
1	V TI(N)=DETA1=TI(N)+BETA1*(THETA*SMKIX(N)+SHIX(N)+H(N))/DIAG(N)	00057700	14J30472	243618024
1	V--493 CONTINUE	00057800	14J30472	14J30472
				DO...493: 4.62% (...272382812)
				AVERAGE DO=LOOP_LENGTH=...138
TI(C,N01,NTACAN)GO TO 495		00057900	10J844	10J844(100.1)
+VDCL_LOOP,VECTOR		00058000		
1	V DO 494 I=1,NXX1(1)	00058100	0	0
1	V H=NXX2(I,1)	00058200	0	0
1	V XNDHM1=XNDHM1+DAUS(TI(N)-ITX(N))	00058300	0	0
1	V--494 CONTINUE	00058400	0	0
				DO...494: 0.0% (...0)
				AVERAGE DO=LOOP_LENGTH=...0

Fig. 3.3 DO 490 in the vectorized version

<pre> =VOCL_LOOP_VECTOR V-----DO 7 N=1,N1 1 V SHXIX(N)=ZERO 1 V SHKIX(N)=ZERO 1 V NSHXIX(N)=0 -----V---7 CONTINUE </pre>		<pre> 00059200 00059300 103844 00059400 28660944 00059500 28660944 00059600 28660944 00059700 28660944 </pre>	<pre> 103844 28660944 28660944 28660944 28660944 </pre>
<pre> S-----DO 590 I=1,IMAX 1 =VOCL_LOOP_VECTOR 1 2 V-----DO 540 N=1,N1 1 2 V I=1,IX(N) 1 2 =VOCL_S(SHIX(I),I) 1 2 V IF(I,1,1)GO TO 540 1 2 =VOCL_S(SHXIX(I),I) 1 2 V IF(I,1,1)GO TO 540 1 2 V IF(I,1,1)GO TO 540 1 2 V JJ=JX(I,I) 1 2 V IF(JJ)S20=540,530 1 2 C 1 2 C EFFECTIVE CONDUCTANCE DUE TO SURFACE-TO-BOUNDARY HEAT TRANSFER 1 2 C BETWEEN NODE N AND UNBOUNDARY NODE -JJ. 1 2 C 1 2 C 1 2 V 520 CDLSH=CDLSH(N,I) 1 2 V SHXIX(N)=SHXIX(N)+CDLSH*TRM1(-JJ) 1 2 V NSHXIX(N)=NSHXIX(N)+I 1 2 V GO TO 540 1 2 C 1 2 C EFFECTIVE CONDUCTANCE DUE TO CONDUCTION BETWEEN NODE N 1 2 C AND NODE JJ. 1 2 C 1 2 C 1 2 V 530 CDLSH=CDLSH(N,I) 1 2 V SHXIX(N)=SHXIX(N)+CDLSH*I(JJ) 1 2 V NSHXIX(N)=NSHXIX(N)+I -----V---540 CONTINUE S-----590 CONTINUE </pre>		<pre> 00059800 103844 00059900 00060000 623064 00060100 171965664 00060200 00060300 171965664 0(0.0%) 343931328 00060400 00060500 171965664 0(0.0%) 343931328 00060600 171965664 42056820(24.4%) 385988148 00060700 129908844 129908844 00060800 129908844 00060900 00061000 00061100 00061200 00061300 4880668 4880668 00061400 4880668 24403340 00061500 4880668 9761336 00061600 4880668 4880668 00061700 00061800 00061900 00062000 00062100 125028176 125028176 00062200 125028176 500112704 00062300 125028176 250056352 00062400 171965664 171965664 00062500 623064 </pre>	
<pre> =VOCL_LOOP_VECTOR V-----DO 8 I=1,NXX1(I) 1 V N=NXX2(I,1) 1 V RNORM=RN(I) 1 V IT (RNORM, EQ, 0.000)RNORM=(THE IA+SHKIX(N)+SHXIX(N)+DIAG(N)+I(I,N))/ 1 V DELTA1(2*NSHXIX(N)+I) 1 V IF (RNORM, NE, 0.000)GO TO 9 1 V RZDI=DMAX1(1.000,RESDI) 1 V GO TO 8 1 V 9 RZDI=DABS((THE IA+SHKIX(N)+SHXIX(N)+I(N)-DIAG(N)+I(I,N))/RNORM) 1 V RZDI=DMAX1(RZDI, RZDI) -----V---8 CONTINUE </pre>		<pre> 00062600 00062700 103844 00062800 28660944 00062900 28660944 00063000 28660944 0(0.0%) 57321888 00063100 00063200 28660944 28660944(100.%) 85982832 00063300 0 00063400 0 00063500 28660944 458575104 00063600 28660944 85982832 00063700 28660944 28660944 </pre>	<pre> 103844 28660944 28660944 28660944 57321888 85982832 458575104 85982832 28660944 </pre>

Fig. 3.4 DO 590 in the vectorized version

偶数メッシュと奇数メッシュを分けて計算する

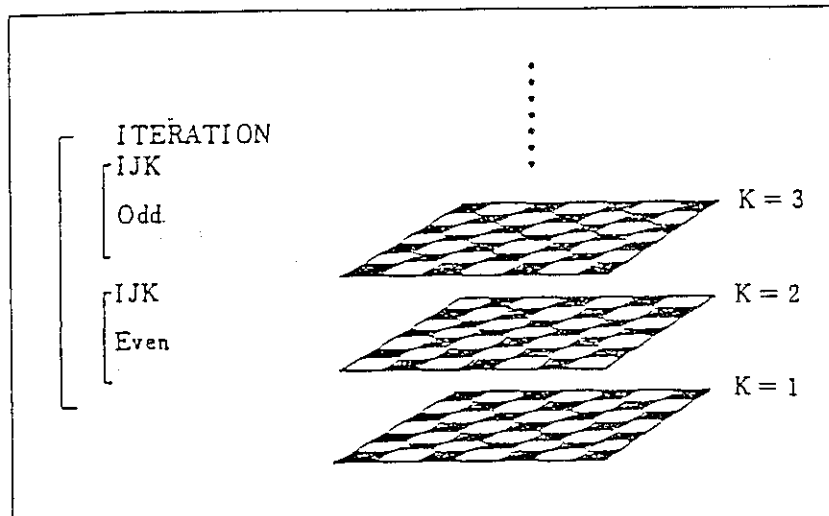


Fig. 3.5 Odd-even SOR method

3.3 その他のベクトル化

本作業では、ベクトル計算によるオーバーヘッドをなくすため、VPコンパイル時に SCALAR オプションを使用している。このため、最適化制御行を挿入しない限り DO ループは、ベクトル化されない。そこで、サブルーチン TRAN 0 以外のベクトル化として、Table 3.2 に示す DO ループに最適化制御行 * VOCL LOOP, VECTOR を挿入しベクトル化をはかった。

Table 3.2 DO loops to which
*VOCL LOOP, VECTOR
is inserted

Subroutine	DO loop
DAXPY	DO 30
	DO 50
DIFFER	DO 226
	DO 228
MESH	DO 700
	DO 710
	DO 220
TPRNGE	DO 5000
CALQLT	DO 2520

3.4 キャスク熱解析の計算結果

キャスク熱解析データを使用して、オリジナル版をM-380で、ベクトル化版をVP-100で各々実行したところ、有効桁4桁目で一部数値が異なる場合がある。また、全計算に要したタイム・ステップ数の方もオリジナル版で1490回、ベクトル化版で1492回と多くなっている。これらの違いは、点SOR反復をodd-even SOR反復に変更したことから生じている。ここで用いられたSOR法の収束判定基準は 10^{-5} である。SOR法に要した反復回数は、点SOR法、odd-even法いずれの場合も1タイム・ステップあたり平均2.7と変わらない。

Table 2.3の1, 2行にオリジナル版とベクトル化版の計算時間、主記憶量などの比較を示した。Table 3.3には、各DOループの速度向上率を示す。また、Table 3.4には、オリジナル版とベクトル化版のベクトル化率の比較を示す。

Table 3.3 Comparison of CPU times of DO loops in TRANO

Version & CPU	CHCKBD	CPU time (sec.) (*)			
		TRANO	DO 390	DO 490	DO 590
Original M-380 (a)	-	769.0	9.1	254.5	277.9
Vector M-380 (b)	26.36	848.6	11.1	266.6	314.0
Vector VP-100 (c)	15.36	347.3	1.8	43.2	78.4
Speedup ratio (a/c)	2.21	2.2	5.0	5.9	3.6

*) CPU time includes those of slave routines, and it also includes some overhead time for CLOCKM routine.

Table 3.4 Comparison of vectorizing ratios of TRANO

Version	V-cost	M-cost	S-cost
Original	52.8%	17.5	29.8
Vector	99.6	0.0	0.4

4. 熱伝導計算THRMPR関連サブルーチンのベクトル化

4.1 ベクトル化のための領域合わせ

本コードは、もともと可変長配列方式を用いており、使用するデータ領域をすべて1つの配列に割り当てている。オリジナル版の配列の宣言は、REAL * 8, INTEGER * 2, LOGICAL * 1であり、この2バイト整数、1バイト論理変数はFACOM FORTRAN 77/VPではベクトル化対象外であり、ベクトル化の障害となっていた。そこでベクトル化第2版ではプログラム内で使用している1バイト、2バイト変数を、文字操作に使用している変数を除いてすべて4バイトの整数型、論理型に変更した。

この変更に伴って、領域の割り当て計算を変更する必要が生じたが、この割り当てを行うサブルーチンHEATN 6には、PDP-10用の4バイト割り当てオプションがあり、オプションを切り換えるだけでほとんど完了した。ただし、HEATING-JRのために図形処理用データ出カルーチンが追加されており、そのための作業用配列がこの中で割り当てられているが、その計算がオリジナルのHEATING 6版の計算方式とは別であるため、このままでは割り当て値が異常な値を示すようになる。そこで、ここをオリジナル方式に合わせるように変更した。

この変更による必要メモリーの増加は、キャスクの熱計算の場合変更前の必要量が95,157語であるのに対して変更後は104,940語であり、問題にならない程度である。また、ベクトル化第1版においてサブルーチンTRAN 0に対して行われた。1バイト変数、2バイト変数の4バイト作業用配列への転送も必要がなくなり、もとの変数を使用するように再変更した。

このソース・プログラムによる実行結果は以前のベクトル化第1版と完全に一致し、またCPU時間もほとんど変わりがなかった。以後、これを基にしてベクトル化を行った。

4.2 THRMPRのプログラム構造

以下では、第3章で扱ったTRAN 0の次に計算コストの高いTHRM 1 (THRMPRのエントリー)、THRMPRから呼ばれるFUNCTN、TABLE (PRETABのエントリー)のベクトル化について述べる。

THRMPRはノード間の熱伝導率、ノードの物質の熱容量、発熱率を計算するルーチンであり、その下に、各パラメータ値を計算するFUNCTN、表面ノードと境界ノード間の熱伝導率を計算するBDCOND、表面ノード間の熱伝導率を計算するSURBCがついている。簡単な流れはFig. 4.1のとおりである。

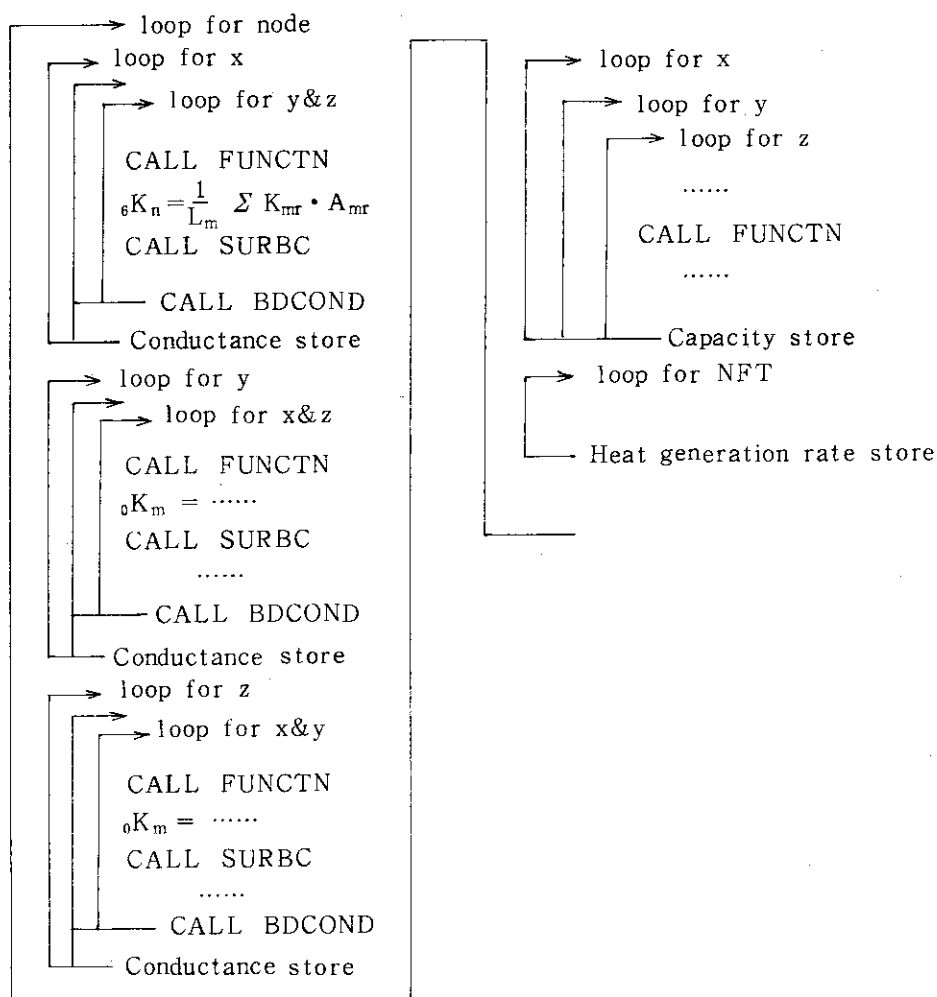


Fig. 4.1 Program structure of the original THRMPR

4.3 ベクトル化のためのプログラムの変更

(1) データ構造

オリジナル版においては、隣接ノード番号及びその熱伝導率は、以下のような形式で一次元配列に保存されている。

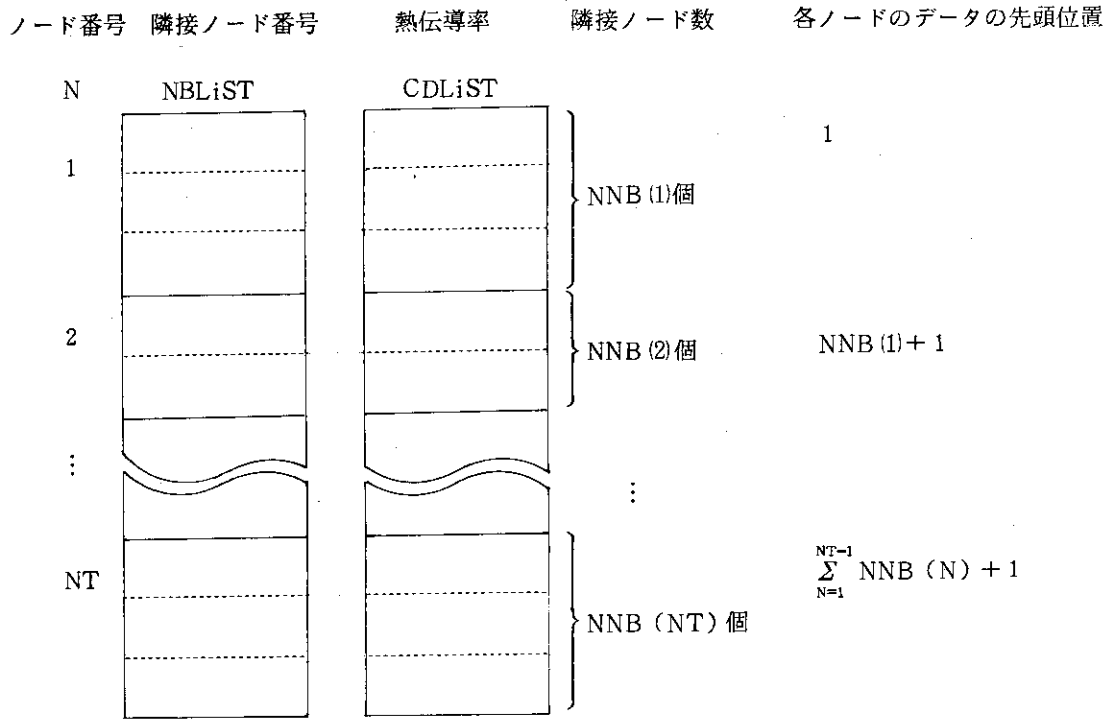


Fig. 4.2 Original tabular form for heat conductions

この方法は領域の大きさが最小で済むうえに、オリジナル DO ループの順序ならば 1 データずつ昇順にアクセスできるため効率が良い。しかし今回この DO ループの順序を Fig. 4.1 で示したように入れ換えるため、アクセス順序がでたらめになり、間接アドレス参照となるために効率が良くない。そこで領域は多く必要となるがこれらを 2 次元配列に変更ノード番号方向に連続となるようにかえた。

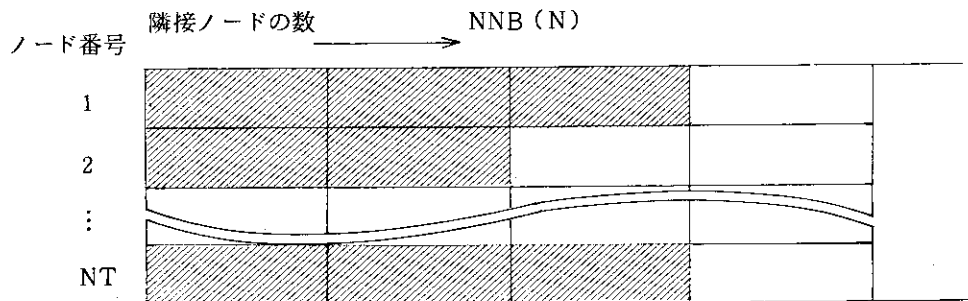


Fig. 4.3 Revised tabular form for heat conductions

この変更によって、必要な領域が増加するためサブルーチンHEATN 6における領域に関する計算式を変えた (Fig. 4.4)。また変更した配列CDLIST, NBLIST(熱伝導率とその隣接ノード番号), VGLIST,

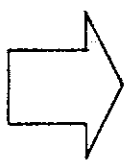
<pre> MPTST2 = 2*MAXPTS IF(NDIMEN.LT.1)NDIMEN=1 IF(NDIMEN.GT.3)NDIMEN=3 NDIM2 = 2*NDIMEN MPTST6 = NDIM2*MAXPTS : : : NBLIST = MLT + MAXPTS NGLIST = NBLIST + MPTST6 INEXT = NGLIST IF(HGEN) INEXT=INEXT+MPTST2 : : : </pre>		<pre> IF(NDIMEN.LT.1)NDIMEN=1 IF(NDIMEN.GT.3)NDIMEN=3 NDIM2 = 2*(NDIMEN+1) MPTST6 = NDIM2*MAXPTS MPTST2 = NDIM2*MAXPTS : : : NBLIST = MLT + MAXPTS NGLIST = NBLIST + MPTST6 INEXT = NGLIST IF(HGEN) INEXT=INEXT+MPTST2 : : : </pre>
---	---	---

Fig. 4.4 Rewrites of parameters defining array sizes

NGLIST (発熱率とその隣接ノード番号) を使用しているルーチンをそれに合わせて変更した。変更したルーチンは、CALQLT, DIRECT, INFACE, POINTS, PTPROP, THRMPR, TRAN0 であり, Fig. 4.5 のパターンで変更した。


<pre> REAL*8CDLIST(MPTST6),... INTEGERNBLIST(MPTST6),... : : M=0 DO 128 N=1,NT : II=NNB(N) IF(II.LT.1)GO TO 128 : DO 126 I=1,II M=M+1 JJ=NBLIST(M) : : SMA=SMA+CDLIST(M) 126 CONTINUE : 128 CONTINUE </pre>		<pre> REAL*8CDLIST(MAXPTS,NDIM2),... INTEGERNBLIST(MAXPTS,NDIM2),... : : DO 128 N=1,NT : II=NNB(N) IF(II.LT.1)GO TO 128 : DO 126 I=1,II JJ=NBLIST(N,I) : : SMA=SMA+CDLIST(N,I) 126 CONTINUE : 128 CONTINUE </pre>
---	---	---

Fig. 4.5 Typical coding rewrite for array data references

(2) THRMPR

サブルーチンTHRMPRの主なループの一部を取り出してみるとFig. 4.6の左半分のようにになっている。最外ループにノードがあり、各ノードごとにパラメータを別の小さな配列に転送し、内側のループでそれを使用している。ノード数でベクトル化するにあたってそれをそのまま次元数を増やした配列としても良いのだが、サブルーチンHEATN 6での領域計算においてGIMとGIP, G2MとG2P, ……、G7MとG7P, 及びNILBR, NILFR, NIRBR, ……、NORFRはそれぞれ、連続領域にとられており宣言時にそれぞれ、

G1M (MAXRFG, 2), G2M (MAXRFG, 2)

MREGT (MAXPTS, 2, 2, 2)

と定義することによって、そのままベクトル化のための配列が準備できることになる (Table 4.1 参照)。

ただし、MREGについては x, y, z の順序が逆になる。

Table 4.1 Correspondence of the vector and scalar variables in THRMPR

Original version	Vectorized version
G1 (1)	G1M (IX, 1)
G1 (2)	G2M (IX, 2)
⋮	⋮
G5 (1)	G5M (IX, 1)
G5 (2)	G5M (IX, 2)
⋮	⋮
MREG (I, J, K)	MREGT (N, K, J, I)

さらに、IF文によって定義しているNBC, NBC 2においても上と同様に

NBDIN, NIN, NBDOT, NOT

NBDLT, NLT, NBDRT, NRT

NBDBK, NBK, NBDFT, NFR

などの配列をそれぞれひとまとめにして

NBDIN (MAXREG, 2, 2)

NBDLT (MAXREG, 2, 2)

NBDBK (MAXREG, 2, 2)

とすることによってIF文が省略できる。ここで、G 1, G 2, ……; G 7はコモン配列でありサブルーチンSURBCでそれらを使用しているが、その代入文を省略したために値が送られなくなる。そこで、G 1 M, G 2 Mなどの配列要素を引数に追加することによってデータのやりとりを行うようにした。これらの変数は、サブルーチンTHRMPR内における配列の宣言方法、引用方法が変わっただけであり、実際のデータのアドレスなどが変わるわけではないので、他のサブルーチンには一切影響がない。

以上の変更を行った後、最外ループであるノードループを分割し最内に持ち込むことによるベクトル化を行った。なお、ベクトル化の方法はFig. 4.6の右半分にしたとおりである。VHRMPRのベクトル化後の流れ図をFig. 4.7に示す。

```

REAL*8
. G1M(MAXRFG) , G1P(MAXRFG) ,
. G2M(MAXRFG) , G2P(MAXRFG) ,
.
. G4M(MAXTFG) , G4P(MAXTFG) ,
. G5M(MAXZFG) , G5P(MAXZFG) ,
.
INTEGERS
. NBDIN(MAXREG) , NIN(MAXREG) ,
. NBDOT(MAXREG) , NOT(MAXREG) ,
.
. NILBR(MAXPTS) , NILFR(MAXPTS) ,
. NIRBR(MAXPTS) , NIRFR(MAXPTS) ,
. NOLBR(MAXPTS) , NOLFR(MAXPTS) ,
. NORBR(MAXPTS) , NORFR(MAXPTS) ,
.
COMMON /GFACTS/ G1(2) , G2(2) , ...
DIMENSION ... , MREG(2,2,2) , ...

DO 1000 N=1,NT
.
.
G1(1)=G1M(IX)
G1(2)=G1P(IX)
G2(1)=G2M(IX)
G2(2)=G2P(IX)
G4(1)=G4M(JY)
G4(2)=G4P(JY)
G5(1)=G5M(KZ)
.
MREG(1,1,2)=NILFR(N)
MREG(1,1,1)=NILBR(N)
MREG(1,2,2)=NIRFR(N)
MREG(1,2,1)=NIRBR(N)
MREG(2,1,2)=NOLFR(N)
MREG(2,1,1)=NOLBR(N)
MREG(2,2,2)=NORFR(N)
MREG(2,2,1)=NORBR(N)
.
DO 690 I=1,2
.
610 DO 651 J=1,NGYP1
.
DO 651 K=1,NGZP1
.
NOREG=MREG(I,J,K)
IF(NOREG.LT.1)GO TO 630
.
.
MATBC = MATL(MREG(3-I,J,K))
MATBC2 = MATS(MREG(3-I,J,K))
NQ = NQUAD(3-I,J,K)
IF(I.EQ.1)NBC=NBDOT(NOREG)
IF(I.EQ.1)NBC2=NOT(NOREG)
IF(I.EQ.2)NBC=NBDIN(NOREG)
IF(I.EQ.2)NBC2=NIN(NOREG)
.
651 CONTINUE
.
690 CONTINUE
.
1000 CONTINUE
.

REAL*8
. G1M(MAXRFG,2) , G1P(1) ,
. G2M(MAXRFG,2) , G2P(1) ,
.
. G4M(MAXTFG,2) , G4P(1) ,
. G5M(MAXZFG,2) , G5P(1) ,
.
INTEGERS
. NBDIN(MAXREG,2,2) , NIN(1) ,
. NBDOT(1) , NOT(1) ,
.
. MREGT(MAXPTS,2,2,2) , NILFR(1) ,
. NIRBR(1) , NIRFR(1) ,
. NOLBR(1) , NOLFR(1) ,
. NORBR(1) , NORFR(1) ,
.
COMMON /GFACTS/ G1(2) , G2(2) , ...
DIMENSION ... , MREG(2,2,2) , ...

DO 1000 N=1,NT
.
.
DO 690 I=1,2
.
610 DO 651 J=1,NGYP1
.
DO 651 K=1,NGZP1
.
NOREG=MREGT(N,K,J,I)
IF(NOREG.LT.1)GO TO 630
.
.
MATBC = MATL(MREGT(N,K,J,3-I))
MATBC2 = MATS(MREGT(N,K,J,3-I))
NQ = NQUAD(3-I,J,K)
NBC = NBDIN(NOREG,1,3-I)
NBC2 = NBDIN(NOREG,2,3-I)
.
651 CONTINUE
.
690 CONTINUE
.
1000 CONTINUE
.

```

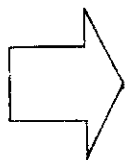
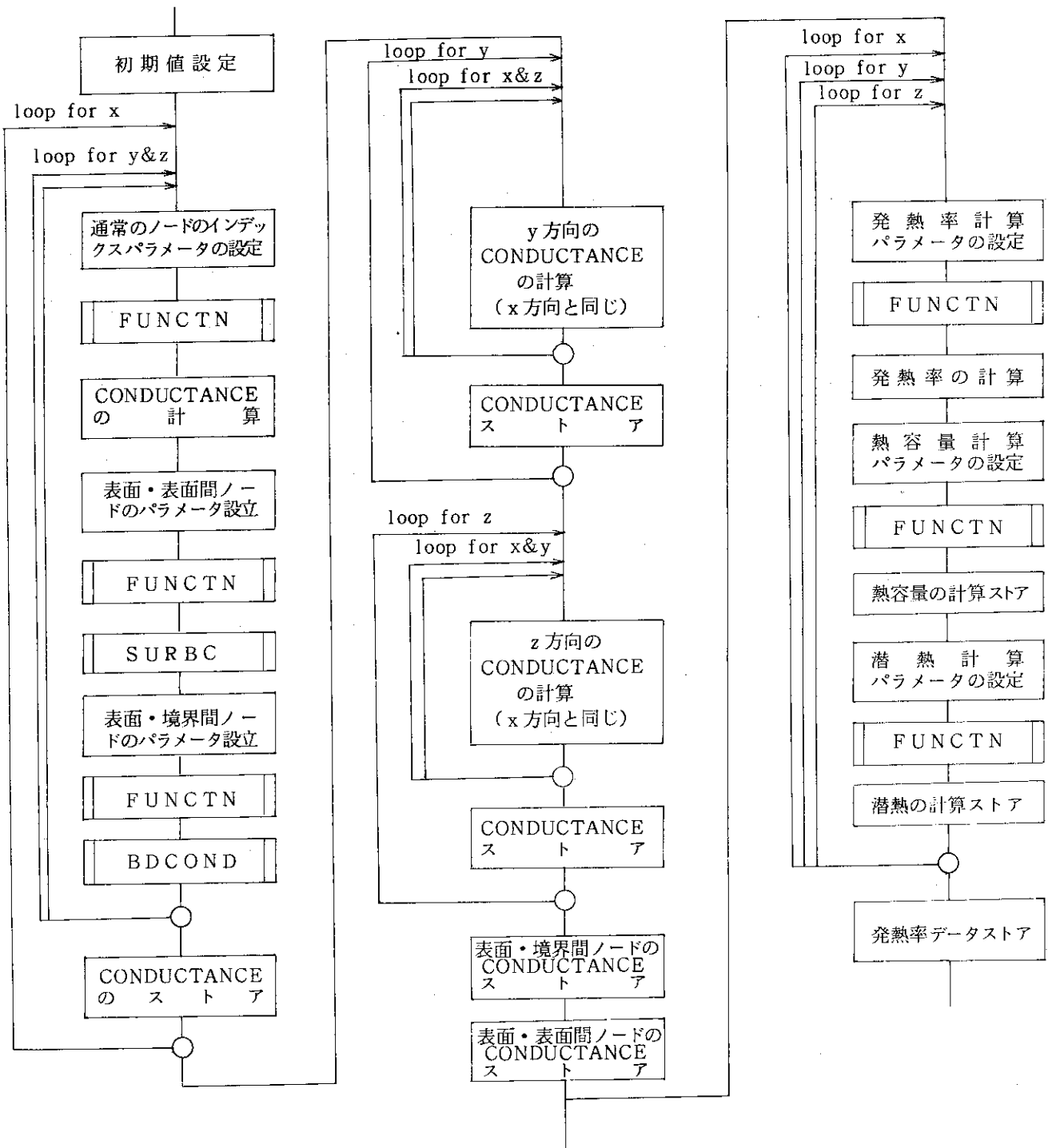


Fig. 4.6 Rewrite for a DO loop in THRMPR



- 1) 各□ごとにノード数 NTでベクトル化している。
- 2) 各サブルーチンCALLはNT回行うのではなく、1回だけ呼びサブルーチン内でDOループによる繰り返しを行っている。そのため実際にはサブルーチン名をそれぞれFUNCT2, SURBC2, BDCON2に変更している。

Fig. 4.7 Program structure of the vectorized THRMPR

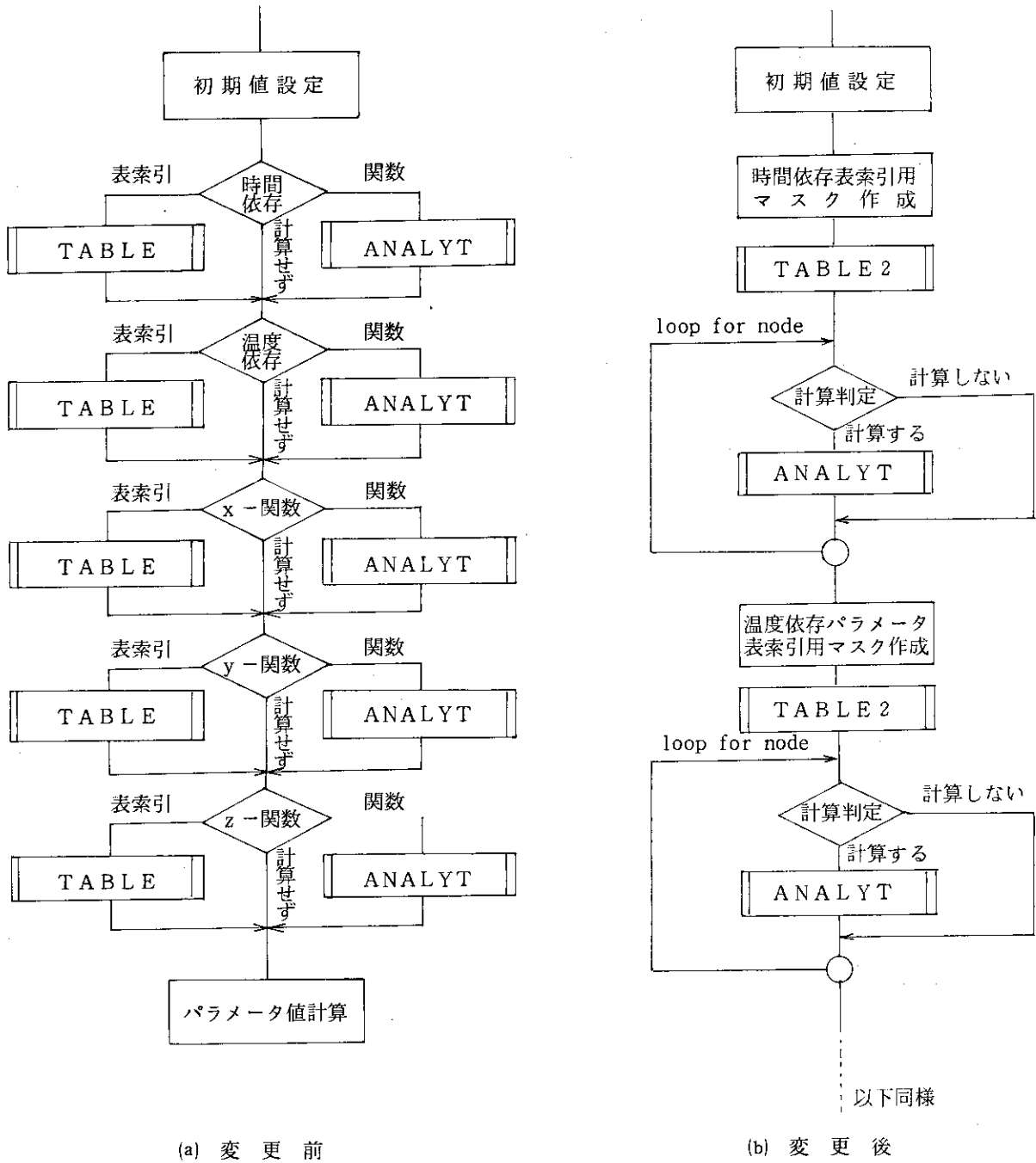
(2) FUNCTN, その他

サブルーチンFUNCTNは、時間、温度などに依存する各パラメータ値を計算するサブルーチンで、ここからテーブルデータの線型内捜サブルーチン又は、関数計算サブルーチンと呼ぶようになっている。関数式は次のようになっている。

$$F(v) = A_1 + A_2 v + A_3 v^2 + A_4 \cos(A_5 v) + A_6 \exp(A_7 v) \\ + A_8 \sin(A_9 v) + A_{10} \log_e(A_{11} v)$$

さらに、関数計算サブルーチンからはユーザー定義関数サブルーチンも呼ぶことができるようになっている。THRMPRでのノードループをFUNCTNに持ち込むことによって、初期設定の部分と最後のパラメータ値計算部分がベクトル化可能となった。また同様にサブルーチンTABLEにもDOループを送り込むことによって内捜計算部分がベクトル化可能となった。また同様にサブルーチンTABLEにもDOループを送り込むことによって内捜計算部分がベクトル化できるようになった。ただし、サブルーチンFUNCTN及びTABLE(PRETABのエントリ)は他のサブルーチンからもCALLしているためそのまま書き換えるわけにもいかないで、新たにFUNCT 2というサブルーチンを作成、TABLE 2というエントリルーチンをPRETABに追加しこれらをベクトル化した。FUNCTNのベクトル化前の流れ図と、ベクトル化後の流れ図をFig. 4.8に示す。

サブルーチンSURBC及びBDCONDについては、ベクトル長その他を調査した結果、ベクトル化せずそのままとした。



(a) 変更前

(b) 変更後

(b)において □ ごとにノード数：NTでベクトル化している。

Fig. 4.8 Restructure method of FUNCTN

5. 熱計算とのインターフェイスPREPおよびPOINTS サブルーチンのベクトル化

5.1 プログラムの分析

JT-60 NBI 加熱装置の熱解析データ (Table 2.1 右欄) を用いて計算実行時のタイム・コストを分析したところ, Fig. 2.4 に示すとおりとなった。NBI 加熱計算の高速化をはかるには, ベクトル化第2版に対し, 新たにタイム・コストの高いPREPとPOINTSをベクトル化する必要がある。

サブルーチンPREPでは, 精密ノード (fine node) 毎に得た温度値を, 入力データで与えたノード (gross node) に編集するのに計算時間がかかる。これに関連するのは3つのDOループで, これらで約99%のタイム・コストを持つ。また, サブルーチンPOINTSでは, 各ノード点の隣接ノードとの対応表作成に大部分の時間が費される。これらのループ (Table 5.1 参照) が効率良いベクトル計算となればよい。

Table 5.1 DO loops in PREP and POINTS

Subroutine	DO loop	Time cost(*)	Contents
PREP	DO 400	38.2%	Locate the nodes at intersections of gross grid lines
	DO 530	6.2	Determine the temperature of the nodes at intersections of fine grid lines
	DO 330	55.6	
POINTS	DO 550	99.6	Determine the neighbours of nodes

*) Time cost within a subroutine

5.2 ベクトル化のためのプログラム変更

サブルーチンPREPでは、Table 5.1で示した3つのDOループのベクトル化ができれば良い。Fig. 5.1で示す最内のDOループであるDO 400はステートメント420への飛び出しが2個以上あるという理由で、FACOM FORTRAN 77/VPではベクトル化できない。しかし、このDOループから、“2個以上の飛び出しがある”という形式的なベクトル化の障害を取り除いただけでは、入り組んだIF文の重複のため計算速度は上がらない。

DOループ内のIF文は、形状に関する判定であり、これは計算途中で不変であるから、前もって場合分けが可能である。これを利用して、Fig. 5.2で示す方法でベクトル化した。まず、はじめに、形状が、(1) $R-\theta$ or $X-Y$ 形状、(2) $R-Z$ or $X-Z$ 形状、(3) $Y-Z$ または $\theta-Z$ 形状かを判断し、各々IGFLG = 1, 2, or 3とおく。次に、IGFLG毎にDOループを作成する。

上記の変更は、IGFLG毎にDOループ内の演算量の大きな削減となり、スカラー計算でも高速化されているはずである。

サブルーチンPOINTSではFig. 5.3で示すDO 560に大部分の計算時間を要する。これも形式的にはDO 560への飛び出しが2回以上あるという理由でベクトル化できない。図で見るとおり、NB(NTP, M)が0かどうか、つまり、NTP番目の隣(1~6方向)が存在するかどうかの判定を、DO 550の外に出す(Fig. 5.3下段 参照)と万事うまく行く。

-----1-----*	-----2-----*	-----3-----*	-----4-----*	-----5-----*	-----6-----*	-----7-----*	-----8-----*	=EXECUTIONS=	=TRUE=	=COST=
1 2	C	Y-Z OR TH-Z GEOMETRY					00037400	0		0
1 2	S	304 IF (DABS(Z(K)-ZG(KK))) .GT. 1.0D-6) GO TO 200					ISN=0267	0	0(0.0%)	0
1 2	S	301 II=1					ISN=0268	2550		2550
1 2 3	-----DO 199 IK=2,IMAX						ISN=0269	2550		2550
1 2 3	I=IK						ISN=0270	73950		73950
1 2 3	IF(IMAX.GT.1)GO TO 405						ISN=0271	73950	73950(100.%)	221850
1 2 3	C++++++THE FOLLOWING STATEMENT CAUSES A COMPILER ERROR						00038000			
1 2 3	C++++++ON THE PDP10.						00038100			
1 2 3	I=1						ISN=0272	0		0
1 2 3	GO TO 407						ISN=0273	0		0
1 2 3	405 IF (.NOT.LRT) .AND. (.NOT.LRZ)) GO TO 406						ISN=0274	73950	0(0.0%)	295800
1 2 3	IF(DABS(R(I)-RG(II+1)) .GT. 1.0D-6) GO TO 199						ISN=0275	73950	17850(24.1%)	387600
1 2 3	GO TO 407						ISN=0276	56100		56100
1 2 3	406 IF (DABS(TH(I)-THG(II+1)) .GT. 1.0D-6) GO TO 199						ISN=0277	0	0(0.0%)	0
1 2 3	407 DO 400 N=1,NT						ISN=0278	56100		56100
1 2 3	IF(LRT)GO TO 410						ISN=0279	236806510	236806510(100.%)	473613020
1 2 3	IF (LRZ) GO TO 409						ISN=0280	0	0(0.0%)	0
1 2 3	Y-Z OR TH-Z GEOMETRY.						00039100	0		0
1 2 3	IF (MIL.EQ.NTPI(N).AND.K.EQ.NTPK(N).AND.I.EQ.NTPJ(N)) GO TO 420						ISN=0281	0	0(0.0%)	0
1 2 3	GO TO 400						ISN=0282	0		0
1 2 3	R-Z OR X-Z GEOMETRY.						00039400	0		0
1 2 3	409 IF (MIL.EQ.NTPJ(N).AND. K.EQ.NTPK(N).AND. I.EQ.NTPI(N))GO TO 420						ISN=0283	0	0(0.0%)	0
1 2 3	GO TO 400						ISN=0284	0		0
1 2 3	R-THETA OR X-Y GEOMETRY.						00039700	0		0
1 2 3	410 IF(.NOT.L1D)GO TO 415						ISN=0285	236806510	236806510(100.%)	710419530
1 2 3	IF(K+1 .EQ. NTPI(N))GO TO 420						ISN=0286	0	0(0.0%)	0
1 2 3	GO TO 400						ISN=0287	0		0
1 2 3	415 IF (MIL.EQ.NTPK(N).AND. K.EQ.NTPJ(N).AND. I.EQ.NTPI(N))GO TO 420						ISN=0288	236806510	43680(. 0.0%)	1420882740
1 2 3	400 CONTINUE						ISN=0289	236762830	400(38.15% (2841734220))	236762830
1 2 3	-----199 CONTINUE								AVERAGE DO-LOOP LENGTH = 4221	
1 2 3	LSTMOD(KK,II)=0						ISN=0290	12420		12420
1 2 3	GO TO 430						ISN=0291	12420		12420
1 2 3	420 LSTMOD(KK,II)=N						ISN=0292	43680		43680
1 2 3	430 CONTINUE						ISN=0293	56100		56100
1 2 3	II=II+1						ISN=0294	56100		112200
1 2	-----199 CONTINUE						ISN=0295	73950		73950
1 2	S	KK=KK+1					ISN=0296	2550		5100
1 2	-----S--200 CONTINUE						ISN=0297	2850		2850
1 2							DO	200(38.16% (2843121990))		2850
1 2							AVERAGE DO-LOOP LENGTH = 19			

Fig. 5.1 Typical DO loop to be vectorized in PREP (Original version)

000249	C	REWRITTEN FOR VECTORIZATION	03540000
000250		IF (LRT) THEN	03550000
000251		IF (.NOT. L1D) THEN	03560000
000252		IGFLG=1	03570000
000253		ELSE	03580000
000254		IGFLG=2	03590000
000255		ENDIF	03600000
000256		ELSE	03610000
000257		IF (LRZ) THEN	03620000
000258		IGFLG=3	03630000
000259		ELSE	03640000
000260		IGFLG=4	03650000
000261		ENDIF	03660003
		ENDIF	03670000
000291	C	407 GO TO (401,402,403,404),IGFLG	04220004
000292	V	R-THETA OR X-Y GEOMETRY.	04230004
000293	V	401 DO 4011 N=1,NT	04240001
000294	V	415 IF (MIL.EQ.NTPK(N) .AND. K.EQ.NTPJ(N) .AND. I.EQ.NTPI(N))GO TO 42004250001	04260001
000295	V	4011 CONTINUE	04270002
000296	V	GO TO 4020	04280001
000297	V	402 DO 4021 N=1,NT	04290001
000298	V	IF (K+1 .EQ. NTPI(N))GO TO 420	04300001
000299	V	4021 CONTINUE	04310002
		GO TO 4020	
000300	V	C	04320004
000301	V	R-Z OR X-Z GEOMETRY.	04330001
000302	V	403 DO 4031 N=1,NT	04340001
000303	V	409 IF (MIL.EQ.NTPJ(N) .AND. K.EQ.NTPK(N) .AND. I.EQ.NTPI(N))GO TO 42004340001	04350001
		4031 CONTINUE	04360002
		GO TO 4020	04370004
		C	04380001
		Y-Z OR TH-Z GEOMETRY.	04390001
000304	V	404 DO 4041 N=1,NT	04400001
000305	V	IF (MIL.EQ.NTPI(N) .AND. K.EQ.NTPK(N) .AND. I.EQ.NTPJ(N)) GO TO 420	04410002
000306	V	4041 CONTINUE	04420000
000307	V	4020 LSTNOD(KK,II)=0	04430000
000308	V	GO TO 430	04440000
000309	V	420 LSTNOD(KK,II)=N	04450000
000310	V	430 CONTINUE	04460000
000311	V	II=II+1	04470000
000312	V	199 CONTINUE	04480000
000313	V	KK=KK+1	
000314	V	200 CONTINUE	

Classify the geometries
beforehand

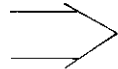
Devide in DO loop
into the gcomtries

Fig. 5.2 Vectorized DO loop in PREP

```

1 2-----0520 DO 560 M=1,6
1 2 3-----DO 550 N=1,NT
1 2 3 C.NS IF(NB(M,NTP))560,560,530
1 2 3 IF(NB(NTP,M))560,560,530
1 2 3 C.NSO IF(NB(M,NTP)-NPT(N))550,540,550
1 2 3 0530 IF(NB(NTP,M)-NPT(N))550,540,550
1 2 3 C.NSO NB(M,NTP)=N
1 2 3 0540 NB(NTP,M)=N
1 2 3 GO TO 560
1 2 3-----0550 CONTINUE
1 2
1 2 C.NS NB(M,NTP)=0
1 2 NR(NTP,M)=0
1 2-----0560 CONTINUE
1 +-----S-0570 CONTINUE
1
+-----

```



```

000252 DO 560 M=1,6
000253 IF(NB(NTP,M))560,560,530
000254 V 530 DO 550 N=1,NT
C.NS IF(NB(M,NTP))560,560,530
C.NSO IF(NB(M,NTP)-NPT(N))550,540,550
000255 V IF(NB(NTP,M)-NPT(N))550,540,550
C.NSO NB(M,NTP)=N
000256 0540 NB(NTP,M)=N
000257 GO TO 560
000258 V 0550 CONTINUE
C.NS NB(M,NTP)=0
000259 NB(NTP,M)=0
000260 0560 CONTINUE
000261 S 0570 CONTINUE

```

```

ISN=0252 6937
ISN=0253 41622
00034700
ISN=0254 143499545
00034900
ISN=0255 143497686
00035100
ISN=0256 38186
ISN=0257 38186
ISN=0258 143459500
DO 550:99.65%( 574072411)
AVERAGE DO-LOOP LENGTH = 3447

00035500
ISN=0259 1577
ISN=0260 41622

ISN=0261 6937
DO 560:99.65%( 574122547)
AVERAGE DO-LOOP LENGTH = 6
DO 570:99.79%( 574928962)
AVERAGE DO-LOOP LENGTH = 6937

```

```

03450000
03460001
03470001
03480000
03490000
03500001
03510000
03520000
03530000
03540000
03550000
03560000
03570000
03580000

```

Fig. 5.3 Rewrite of DO 550 in POINTS

6. ベクトル化に必要な主記憶量

6.1 ベクトル化に必要な作業用領域

HEATING 6のベクトル化版第1, 第2版によって新たに作られたベクトル化用作業用配列は, サブルーチンごとに別々に取られており, またサブブルーチン内においても, 1つのDOループ内で局所的に使用される変数であっても, 名前が異なっていれば別の配列を宣言していた。このため, ノード数の多い問題を扱う場合は, これらの配列の合計は巨大なものとなった。

これらの問題を解決するために以下の変更を行った。

- (1) オリジナル版は整合配列を使用しており, 1つの大きな配列をサブブルーチンHEATN6において分割して各サブブルーチンに送り使用しているが, ベクトル化用の作業用配列もこの中に組み込み, 1か所宣言を変えるだけで通るようにした(サブブルーチンMAIN 01)。

Table 6.1 Working storage required for vectorization

SUBROUTINE	TYPE	AREA NAME	SUBROUTINE	TYPE	AREA NAME
THRMPR	I*4	ICOUN*(MAXPTS)			
BDCON2		IKOUN*(MAXPTS)			
SURBC2		MATS*(MAXPTS)			
		NG*(MAXPTS)			
		MATB*(MAXPTS)			
		NBC*(MAXPTS)			
		NBC2*(MAXPTS)			
		NCONT*(MAXPTS)			
		NGN*(MAXPTS)			
		NGNR*(MAXPTS)			
		NGNZ*(MAXPTS)			
		NGNTH*(MAXPTS)			
		NGNTM*(MAXPTS,8)			
		NFT*(MAXPTS)			
		I20*(MAXPTS)			
		I*LST1(MAXPTS)			
		I*LST2(MAXPTS)			
		NDUM*(MAXPTS)			
		NDMNO*(MAXPTS,NDIM2)			
		NSCON*(MAXPTS)			
		NSNOD*(MAXPTS,NDIM2)			
	R*8	ZERO*(MAXPTS)			
		SMKK*(MAXPTS)	TRANO	I*4	NXX1 (3)
		TEMP*(MAXPTS)	CHCKBD		NXX2 (MAXPTS,3)
		RHO*(MAXPTS)			NY1 (3,NDIM2)
		COND*(MAXPTS)			NY21 (MAXPTS,NDIM2)
		CONDU*(MAXPTS)			NY22 (MAXPTS,NDIM2)
		CONDB*(MAXPTS)			NY23 (MAXPTS,NDIM2)
		CPR*(MAXPTS)			NSMKT*(MAXPTS)
		R1*(MAXPTS)		R*8	SMHTX (MAXPTS)
		TH1*(MAXPTS)			SMKT (MAXPTS)
		Z1*(MAXPTS)			TT2X (MAXPTS)
		V*(MAXPTS)			SMHX (MAXPTS)
		GEN*(MAXPTS)			SMKK (MAXPTS)
		CSUBP*(MAXPTS)			SMKT3X (MAXPTS)
		VG*(MAXPTS,8)			SMTVGX (MAXPTS)
		CDTY*(MAXPTS,NDIM2)			
		CONDT*(MAXPTS,NDIM2)	CHCKBD	I*4	NCKBD (MAXPTS)
	L*4	UDEC*(MAXPTS)			NINDEX (MAXPTS)
		FINN*(MAXPTS)			NADD (MAXPTS)
		CCOND*(MAXPTS)			
		CCNDB*(MAXPTS)			
		%EXFL1 (MAXPTS)			
		%EXFL2 (MAXPTS)			
PREFUN (TABLE2)	I*4	I*TAB1 (MAXPTS)			
PREFUN (FUNCT2)		I*TAB2 (MAXPTS)			
		I*END (MAXPTS)			
		I*(MAXPTS)			
		J*(MAXPTS)			
		K*1 (MAXPTS)			
		K*2 (MAXPTS)			
	R*8	F1*(MAXPTS)			
		F2*(MAXPTS)			
		F3*(MAXPTS)			
		F4*(MAXPTS)			
		F5*(MAXPTS)			
		TIM*(MAXPTS)			

これによって実行時に領域が足りない場合、出力されるメッセージに従って配列Dを取り直すだけで実行可能となる。

- (2) 各DOループごとに独立した作業用配列を使用している場合、同じ配列を使用するようにした。

	<pre> DO 100 I = 1, N W 1(I)=..... A(I)=... * W 1(2) 100 CONTIUNE : DO 200 I = 1, N W 2(I)=..... B(I)= W 2(I)..... 200 CONTINUE </pre>		<pre> DO 100 I = 1, N W 1(3)=..... A(I)=... * W 1(I) 100 CONTINUE : DO 200 I = 1, N W 1(I)=..... B(I)= W 1(I)..... 200 CONTINUE </pre>
--	--	--	--

- (3) 各サブルーチン毎の作業用配列が独立している場合、配列定義を重ねることによって同じ配列を別名で使うようにした。

ベクトル化第3版において、ベクトル化のために使用している作業用配列はTable 6.1で示すとおりである。ここで、点線NXX1(1)以下は、SMKK(1)以下と重なって使用されていることを示す。

結局、ベクトル化に必要な作業用配列の数はTable 6.1で示すように約80個であるから、バイト数にすると以下のようなになる。

$$8 \times 80 \times (\text{ノード数})$$

ただし、ノード数は3次元精密ノード数を指す。

JT-60 NBI 加熱計算ではノード数が約7,000だから約4.5MB余分に必要である。

ベクトル化第3版で主記憶量を8MB以下で実行するには、7,000ものノード数に対しては後に示すHEATING-JRの新機能である図形化部分を抑止する必要がある。

6.2 HEATING 6 ベクトル化版に要する全作業用領域

HEATING 6 ベクトル化版に必要な作業用領域は、Fig. 6.1で示すように2倍精度配列D上に一括して取られている。それらは、次の3項目から成っている。

- ① オリジナルHEATING 6 コードの作業領域⁽¹⁾
- ② HEATING-JRコード（原研改良版）のために付加された作業用領域⁽²⁾
- ③ ベクトル化のために付加された作業用領域

上記3項目は、詳しくは、次のような順番に置れている。

オリジナル・コードの作業領域
 HEATING 6-JRのための作業領域
 オリジナル・コードの作業領域（続き）
 ベクトル化のための作業領域

(1) オリジナル・コードの作業領域⁽¹⁾

必要な作業領域バイト数は、Fig. 6.2のREGIONで示される。これを計算するのに必要なパラメータの定義は、Fig. 6.2およびFig. 6.3で示される。また、Fig. 6.3のデフォルト値は、NAMELIST形式で変更できる（HEATING 6 マニュアル⁽¹⁾の入力作成部分を参照）。

(2) HEATING-JRに必要な作業領域⁽²⁾

入力データのチェックと計算結果の図形化処理、計算結果のSAP 5コードへの結合などのために、原研側で改良がなされた。これらの改良は、はじめ、HEATING 5コードでなされ、HEATING 5-JRコードとして整備され公開された。HEATING 6についても、これに準じた改良がなされており、HEATING 6-JRコードとして今後公開されるであろう。さてこれに必要な領域は、次のとおりである。

$8 \{ 6 \times \text{NREG} + 14 \times \text{IJLMAX} + 4 \times \text{ID} 23 \times \text{IJLMAX} \}$ バイト

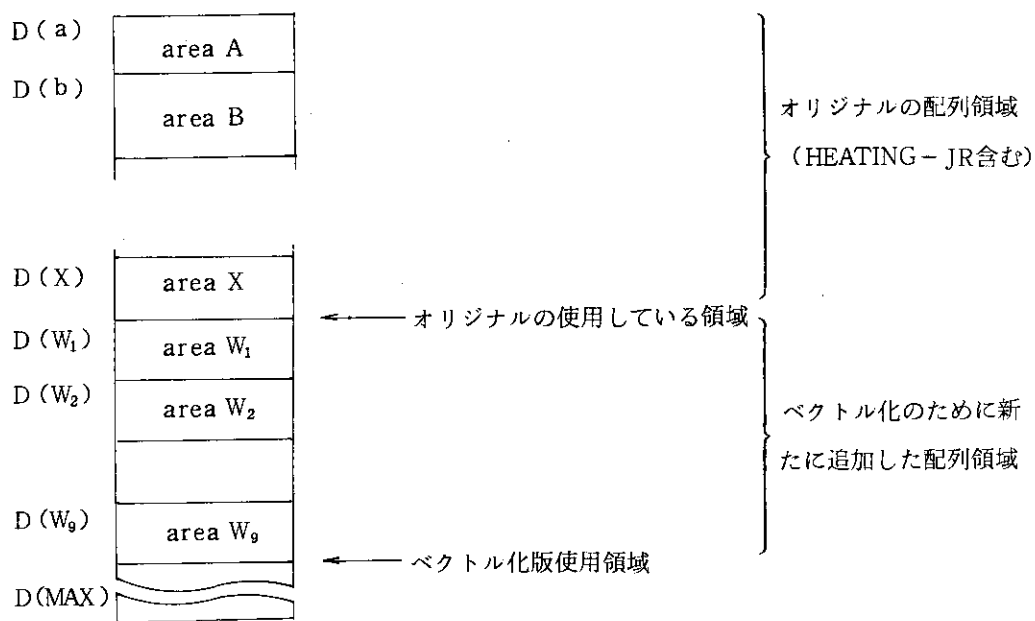
ここで、NREG：物質数、IJLMAX：精密ノード数、ID 23 = 4(2次元)、8(3次元)

(3) ベクトル化に必要な作業用領域

前節で示されたとおり

$8 \times 80 \times (\text{ノード数})$ バイト

付記；(2)、(3)部分の作業用領域の重複（オーバーレイ）が可能かどうかを今後検討する。



SUBROUTINE HEATN6 (D)

DIMENSION D (MAX)

⋮

a = 1

b = a + leng a

⋮

w₁ = x + leng x

w₂ = w₁ + leng w₁

⋮

last = w_n + leng w_n

CALL SUB (D (a), D (b), ..., D (w₁), ..., D (w_n))



SUBROUTINE SUB (A, B, ..., W₁, ..., W_n)

DIMENSION A (leng a), B (leng b), ..., W_n (leng W_n)

Fig. 6.1 Working storage allocation for the 3rd. vector version

NTPNW	=	Maximum of (MAXRFG*MAXTFG, MAXRFG*MAXZFG, MAXZFG*MAXZFG)
MXNDGL	=	Maximum of (MAXPTS, NTPNW)
MAXFGL	=	Maximum of (MAXRFG, MAXTFG, MAXZFG)
MAXGGL	=	Minimum of (MAXGGL, MAXFGL)
MG2TPN	=	Minimum of (NTPNW, MAXGGL*MAXGGL)
MAXLDA	=	((MWIDTH - D)/2) + 1 where (a/b) represents the largest integer less than or equal to a/b
MAXCP	=	5
MAXPAR	=	11
A	=	{ 0 if IMPFLG = .FALSE. 16*(MAXBDC + MAXPBD) if IMPFLG = .TRUE.
B	=	{ 0 if FIN = .FALSE. 48*MAXBDC if FIN = .TRUE.
C	=	{ 0 if HGEN = .FALSE. 20*MAXPTS if HGEN = .TRUE.
D	=	{ 0 if CEP = LEVI = IMPFLG = .FALSE. 8*MAXPTS if CEP = .TRUE. or LEVI = .TRUE. or IMPFLG = .TRUE.
E	=	{ 0 if LBOUND = .FALSE. 2*MAXPTS if LBOUND = .TRUE.
F	=	{ 0 if MELTFG = .FALSE. (2*MAXCP)*MAXPTS if MELTFG = .TRUE.
G	=	{ 0 if LEVI = IMPFLG = .FALSE. MAXPTS if LEVI = .TRUE. or IMPFLG = .TRUE.
H	=	{ 0 if MELTFG = IMPFLG = .FALSE. J*MAXPTS if MELTFG = .TRUE. or IMPFLG = .TRUE.
I	=	MXNDGL + G + H
J	=	{ 0 if DIRECT = .FALSE. 4*MAXPTS if DIRECT = .TRUE. and MWIDTH < 7 MAXLDA*MAXPTS if DIRECT = .TRUE. and MWIDTH > 7
L	=	Maximum of (I, J)

SIZE	=	11*MAXRFG + 90*MAXNAF + 22*MAXINT + 46*MAXIGN + 121*MAXBDC + 14*MAXIPUT + A + B + 88*MAXRFG + 24*MAXTFG + 24*MAXZFG + 28*MAXFGL + (30 + 2*MAXGGL)*MAXGGL + 2*MG2TPN + (4 + 8*MAXPAR)*MAXANA + (6*16*MAXPRS)*MAXIDL + 8*MAXPRT + 2*MAXNSN + 8*MAXSPC + 2*MAXSPL + 4*MAXSUR + (91+20*NDIMEN)*MAXPTS + C + D + E + F + 8*L
M	=	Change in region size in bytes due to modifying DLKSIZE for any of the logical units
REGION	=	[(SIZE+M)/1024+366]K bytes

Fig. 6.2 Working storage required for the original code(1)

Variable	Default Value	Definition of Variable
MAXANA	5	Analytical Functions
MAXBDC	5	Boundary Condition Functions
MAXCP	*	Materials with Phase Change (Set to 5 by Code)
MAXFGL	*	Fine Grid Lines Along Any Axis (Calculated by Code)
MAXGGL	10	Gross Grid Lines Along Any Axis (May be Decreased by Code if MAXFGL is Less)
MAXHGN	5	Heat Generation Functions
MAXINT	5	Initial Temperature Functions
MAXMAT	5	Materials
MAXNSN	5	Nodes for Special Monitoring of Temperatures
MAXPAR	*	Parameters in an Analytical Function (Set to 11 by Code)
MAXPBT	1	* Position-Dependent Boundary Temperature Nodes
MAXPRS	10	Pairs in Each Tabular Function
MAXPRT	10	Printout Times
MAXPTS	50	Lattice Points (Nodes)
MAXREG	5	Regions
MAXRFG	50	Radial (or X) Fine Grid Lines
MAXSPC	10	Printout Times for Selected Planes
MAXSPL	20	Planes for Selected Output
MAXSUR	50	Surface-to-Surface Connectors
MAXTBL	5	Tabular Functions
MAXTFG	50	Theta (or Y) Fine Grid Lines
MAXZFG	50	Z Fine Grid Lines

*Indicates value will be calculated by HEATING6.

Fig. 6.3 parameters Defining Array Sizes for Variably Dimensioned Arrays⁽¹⁾

7. 実行時の制御文とファイル

7.1 JCL事例

Fig. 7.1 で示すとおりである。

7.2 ファイル

(1) ノード数が少ない場合 (5 MB版)

ソース・ファイル (ベクトル化版) ・ J 1431. HEAT6W. FORT77

ロード・モジュール・ファイル (ベクトル化版) ・ J 1431. HEAT6W. LOAD

5 MB (バイト) 版では 1,000 ノード程度取扱うことができる。

(2) ノード数が多い場合 (8 MB版)

ソース・ファイル (ベクトル化版) ・ J 1431. HEAT6V. FORT77

ロード・モジュール・ファイル (ベクトル化版) ・ J 1431. HEAT6V. LOAD

8 MB版では 7,000 ノード程度取扱える。ただし、図形出力処理は不可能である。

現在、5 MB版と 8 MB版を別々に作成しているが、主プログラム MAIN01 の D の配列長の変更と、配列長を定義するパラメータを変更すれば、各々の問題に適合した利用方法が可能である。

```

EDIT --- J1431.HEAT6.CNTL(VPG08) - 01.27 ----- COLU
COMMAND ==>                                SCRD
***** ***** TOP OF DATA *****
000100 //JCLG JOB
000200 // EXEC JCLG
000300 //SYSIN DD DATA,DLM='++'
000400 // JUSER 00031431,MI.ISHIGURO,0341.01
000500 T.5 C.5 W.2 I.3 SRP
000600 OPTP PASSWORD= ,NOTIFY=J1431,CLASS=1
000610 /* EXEC FORT77,SO=J1431.HEAT6W,A='ELM(MAIN01)',B=SOURCE
000620 /* EXEC LKEDUP,LM=J1431.HEAT6W,DISP=SHR
000700 // EXEC VP
000800 // EXEC LMGD,LM=J1431.HEAT6W
000900 //FT05F001 DD DSN=J8770.HEAT85.DATA(TEST20),DISP=SHR
001200 //FT10F001 DD DSN=&&FX10,DISP=(NEW,DELETE),
001300 // SPACE=(TRK,(20,5),RLSE),UNIT=WK10
001400 //FT20F001 DD DSN=&&FX20,DISP=(NEW,DELETE),
001500 // SPACE=(TRK,(20,5),RLSE),UNIT=WK10
001600 //FT30F001 DD DSN=&&FX30,DISP=(NEW,DELETE),
001700 // SPACE=(TRK,(20,5),RLSE),UNIT=WK10
001800 //FT40F001 DD DSN=&&FX40,DISP=(NEW,DELETE),
001900 // SPACE=(TRK,(20,5),RLSE),UNIT=WK10
002000 ++
002100 //

```

Fig. 7.1 JCL of HEATING6 running on VP-100

8. お わ り に

熱解析の代表的なコードのベクトル化が完成し、その結果、3～4倍高速化できた。ベクトル化版コードは、現在JT-60中性粒子入射加熱装置に対する実験解析に多く用いられている他、安全解析研究所で核燃料輸送容器の安全性に関する計算に利用が開始された。

計算センターでは、原研でよく使用されている大型コードのベクトル化をはかるために、ベクトル化作業を支援してきた。HEATING 6コードのベクトル化も計算センターにおけるベクトル化支援の一環をなす。原子力コードのベクトル化版利用では、安全性分野よりも核融合分野の方が積極的である。その理由は、海外から入手したコードの利用が安全性分野に多いことによる。今回のHEATING 6コードのベクトル化版は、当初は安全性分野での活発な利用を期待し作業を開始したが、意図とは別に核融合研究の方での大型計算に供することになった。SAP-V、TRUMPコードのベクトル化版と合わせ、熱解析の代表的コードとして今後の有効利用を期待する。

現在のところ、HEATING 5-JR、HEATING 6 M 380版、およびHEATING 6ベクトル化版が公開されており、全2者は幾島、後者は石黒の管理となっている。

今後、原研での改良版HEATING 6-JRベクトル化版として統一バージョンを公開、管理していきたい。

付 記

JT-60 NBI 加熱計算に関しては、定常計算部分のベクトル化が充分なされていない。定常計算の比率の高い問題を取扱う場合は、この部分のベクトル化を強化することによって、現在得ている4倍の速度向上が8倍程度になり得る。しかし、そのためにはさらに2Mバイト程度の作業領域が必要となる。ベクトル化版の主記憶容量を8Mバイト以下にすることが今回の目標の1つのため（原研の運用では8Mバイト以上のジョブは特別ジョブとなり許可が必要である）、現状ではあきらめざるを得ない。

同じく、JT-60 NBI 熱解析で定常計算を実行する場合、SOR法で解かれている温度分布計算が収束しないことがある。数値実験の結果、SORの加速係数を計算の進行に従ってコードで自動的に減じているため、小さくなり過ぎることがわかった。このような場合には、加速係数の減算をやめた方がよい（サブルーチンCALQLTのBETAの計算の改良）。また、SORの加速とは別に、ある条件下でAitken加速を行っているが、Aitken加速が充分効力を発揮しないうちに反復計算を打切ると計算結果がとんでもない値となることがある。

8. お わ り に

熱解析の代表的なコードのベクトル化が完成し、その結果、3～4倍高速化できた。ベクトル化版コードは、現在JT-60中性粒子入射加熱装置に対する実験解析に多く用いられている他、安全解析研究所で核燃料輸送容器の安全性に関する計算に利用が開始された。

計算センターでは、原研でよく使用されている大型コードのベクトル化をはかるために、ベクトル化作業を支援してきた。HEATING 6コードのベクトル化も計算センターにおけるベクトル化支援の一環をなす。原子力コードのベクトル化版利用では、安全性分野よりも核融合分野の方が積極的である。その理由は、海外から入手したコードの利用が安全性分野に多いことによる。今回のHEATING 6コードのベクトル化版は、当初は安全性分野での活発な利用を期待し作業を開始したが、意図とは別に核融合研究の方での大型計算に供することになった。SAP-V、TRUMPコードのベクトル化版と合わせ、熱解析の代表的コードとして今後の有効利用を期待する。

現在のところ、HEATING 5-JR、HEATING 6 M 380版、およびHEATING 6ベクトル化版が公開されており、全2者は幾島、後者は石黒の管理となっている。

今後、原研での改良版HEATING 6-JRベクトル化版として統一バージョンを公開、管理していきたい。

付 記

JT-60 NBI 加熱計算に関しては、定常計算部分のベクトル化が充分なされていない。定常計算の比率の高い問題を取扱う場合は、この部分のベクトル化を強化することによって、現在得ている4倍の速度向上が8倍程度になり得る。しかし、そのためにはさらに2Mバイト程度の作業領域が必要となる。ベクトル化版の主記憶容量を8Mバイト以下にすることが今回の目標の1つのため（原研の運用では8Mバイト以上のジョブは特別ジョブとなり許可が必要である）、現状ではあきらめざるを得ない。

同じく、JT-60 NBI 熱解析で定常計算を実行する場合、SOR法で解かれている温度分布計算が収束しないことがある。数値実験の結果、SORの加速係数を計算の進行に従ってコードで自動的に減じているため、小さくなり過ぎることがわかった。このような場合には、加速係数の減算をやめた方がよい（サブルーチンCALQLTのBETAの計算の改良）。また、SORの加速とは別に、ある条件下でAitken加速を行っているが、Aitken加速が充分効力を発揮しないうちに反復計算を打切ると計算結果がとんでもない値となることがある。

謝 辞

HEATING 6 ベクトル化版テストのために、入力データを提供頂きました臨界プラズマ加熱開発室 荒木政則氏および安全解析所 成田 猛氏に感謝します。また、本リポート投稿にあたり、記述の誤り等チェックいただきました計算センター藤井 実氏に感謝します。

参 考 文 献

- (1) D.C. Elrod et al. ; HEATING 6 : A Multidimensional Heat Conduction Analysis with the Finite Difference Formation, NUREG/CR-0200, Volume 2, Section F10, ORNL/NUREG/CSD-2/V2 (1982).
- (2) 幾島 毅, 中里 力; HEATING 5 - JR : 有限差分法による非線型熱伝導計算プログラム, JAERI-M (1983).
- (3) L. Edwards ; TRUMP : A Computer Program for Transient and Steady-State Temperature Distributions in Multidimensional Systems, LLL W-7405 - Eng - 45 (1972).
- (4) K. J. Bathe et al. : SAP IV, A Structural Analysis Program for Static and Dynamic Response of Linear Systems, EERC 73-11 (1973).
- (5) 差分法による非線型熱伝導計算プログラム HEATING 6 のベクトル化, 原子力データセンタ (private communication) (1985).
- (6) 核融合研究開発の現状, P-43, 日本原子力研究所 (1984).
- (7) 石黒美佐子, 難波克光; 差分法のベクトル計算, Vol. 24, No 1 (1983).

謝 辞

HEATING 6 ベクトル化版テストのために、入力データを提供頂きました臨界プラズマ加熱開発室 荒木政則氏および安全解析所 成田 猛氏に感謝します。また、本レポート投稿にあたり、記述の誤り等チェックいただきました計算センター藤井 実氏に感謝します。

参 考 文 献

- (1) D.C. Elrod et al. ; HEATING 6 : A Multidimensional Heat Conduction Analysis with the Finite Difference Formation, NUREG/CR-0200, Volume 2, Section F10, ORNL/NUREG/CSD-2/V2 (1982).
- (2) 幾島 毅, 中里 力; HEATING 5 - JR : 有限差分法による非線型熱伝導計算プログラム, JAERI-M (1983).
- (3) L. Edwards ; TRUMP : A Computer Program for Transient and Steady-State Temperature Distributions in Multidimensional Systems, LLL W-7405 - Eng - 45 (1972).
- (4) K. J. Bathe et al. : SAP IV, A Structural Analysis Program for Static and Dynamic Response of Linear Systems, EERC 73 -11 (1973).
- (5) 差分法による非線型熱伝導計算プログラム HEATING 6 のベクトル化, 原子力データセンター (private communication) (1985).
- (6) 核融合研究開発の現状, P-43, 日本原子力研究所 (1984).
- (7) 石黒美佐子, 難波克光; 差分法のベクトル計算, Vol. 24, No. 1 (1983).